



ក្រសួងអប់រំ យុវជន និងកីឡា

ព្រះរាជាណាចក្រកម្ពុជា  
ជាតិ សាសនា ព្រះមហាក្សត្រ

មេរៀនសង្ខេប

**មុខវិជ្ជា៖ រូបវិទ្យា**

សម្រាប់គ្រឿងប្រឡូងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ  
និងមំពេញវិជ្ជាលើកទី២

សម័យប្រឡូង ១៣ តុលា ២០១៤

## ជំពូក១ ទែម៉ូឌីណាមិច

### មេរៀនទី១៖ ទ្រឹស្តីស៊ីនេទិចនៃឧស្ម័ន

ទំនាក់ទំនងសីតុណ្ហភាពដាច់ខាតនិងសីតុណ្ហភាពគិតជាសែលស៊ីស

$$T = T_c + 273.15$$

$T$  ជាសីតុណ្ហភាពដាច់ខាតគិតជា ( $K$ ),  $T_c$  ជាសីតុណ្ហភាពសែលស៊ីស $^{\circ}C$  ក្នុងទ្រឹស្តីស៊ីនេទិចនៃឧស្ម័ន៖ ម៉ូលេគុលឧស្ម័នមានចលនាឥតឈប់ឈរ និងគ្មានសណ្តាប់ធ្នាប់។ ទង្គិចរវាងម៉ូលេគុលនឹងធ្លាក់ជាទង្គិចខ្នាត។ សន្មតនៅចន្លោះពេលទង្គិច ម៉ូលេគុលមានចលនាត្រង់ស្មើ។ តម្លៃមធ្យមនៃថាមពលស៊ីនេទិចរបស់ម៉ូលេគុលអាស្រ័យនឹងសីតុណ្ហភាព។

សម្ពាធនៃឧស្ម័នសមាមាត្រនឹងចំនួនម៉ូលេគុលក្នុងមួយខ្នាតមាឌនិង តម្លៃមធ្យមនៃ

ថាមពលស៊ីនេទិចរបស់ម៉ូលេគុល  $P = \frac{2}{3} \left( \frac{N}{V} \right) K_{av} = \frac{2}{3} \left( \frac{N}{V} \right) \frac{1}{2} m(v^2)_{av}$

$P$  ជាសម្ពាធទស្សនៈគិតជា ( $Pa$ ),  $N$  ជាចំនួនម៉ូលេគុលឧស្ម័ន,  $V$  ជាមាឌ ( $m^3$ )  
 $m$  ជាម៉ាសរបស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ននីមួយៗ ( $kg$ ),  $v$  ជាល្បឿនរបស់ម៉ូលេគុល  
ឧស្ម័ន ( $m/s$ )

ឧស្ម័នបរិសុទ្ធ  $n$  ម៉ូលមានសម្ពាធ  $P$  មាឌ  $V$  និងសីតុណ្ហភាព  $T$  នោះសមីការភាពនៃ

ឧស្ម័នបរិសុទ្ធគឺ  $PV = Nk_B T = nRT$

$P$  ជាសម្ពាធទស្សនៈគិតជា ( $Pa$ ),  $V$  ជាមាឌឧស្ម័ន ( $m^3$ ),  $T$  សីតុណ្ហភាពឧស្ម័ន ( $K$ )

$k_B$  ជាថេរបុលស្មាន់  $k_B = 1.38 \times 10^{-23} J/K$ ,  $n$  ជាចំនួនម៉ូលឧស្ម័ន ( $mol$ )

$R$  ជាថេរសកលនៃឧស្ម័ន  $R = 8.31 J/(mol.K)$ ,  $N$  ជាចំនួនម៉ូលេគុលឧស្ម័ន

ទំនាក់ទំនងរវាងចំនួនម៉ូលឧស្ម័ន  $n$  និងចំនួនម៉ូលេគុលឧស្ម័ន  $N$  គឺ  $n = \frac{N}{N_A}$

$N_A$  ជាចំនួនអាវូកាដ្រូ  $N_A = 6.022 \times 10^{23}$  ម៉ូលេគុល/ $mol$

ទំនាក់ទំនងរវាងថេរបុលស្មាន់  $k_B$  និង ថេរសកលនៃឧស្ម័ន  $R$  គឺ  $R = k_B N_A$

ថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យម នៃម៉ូលេគុលនីមួយៗគឺ  $K_{av} = \left( \frac{1}{2} m v^2 \right)_{av} = \frac{3}{2} k_B T$

$K_{av}$  ជាថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យម នៃម៉ូលេគុលនីមួយៗគិតជាស៊ូល ( $J$ )

$T$  សីតុណ្ហភាពឧស្ម័ន ( $K$ )



ថាមពលស៊ីនេទិចសរុបម៉ូល នៃឧស្ម័ន គឺ  $K = \frac{3}{2} N k_B T = \frac{3}{2} n R T$

$K$  ជាថាមពលស៊ីនេទិចសរុបគិតជាស៊ូល (J)

ល្បឿនប្រសិទ្ធភាពល្បឿនប្រសិទ្ធភាពរបស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន

$$v_{\text{rms}} = \sqrt{(v^2)_{\text{av}}} = \sqrt{\frac{3k_B T}{m}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

$v_{\text{rms}}$  ជាល្បឿនប្រសិទ្ធភាពរបស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន (m/s)

$m$  ជាម៉ាស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន (kg)

$M$  ជាម៉ាស់ម៉ូល (kg/mol)

ទំនាក់ទំនងរវាង ម៉ាស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័ន  $m$  និងម៉ាស់ម៉ូល  $M$  គឺ  $M = m N_A$

ទំនាក់ទំនងរវាង សម្ពាធ គិតជាប៉ាស្កាល់ (Pa) និងសម្ពាធ គិតជាអាត់ម៉ូស្វិ (atm) គឺ

$1 \text{ atm} = 1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$  តែដើម្បីមានភាពងាយស្រួលក្នុងការគណនា ក្នុងឧទាហរណ៍

ខាងក្រោម យើងយក  $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$  ។

ឧទាហរណ៍៖ ឧស្ម័ននីត្រូសែនផ្សំឡើងពីម៉ូលេគុល  $N_2$  ។ គណនាម៉ាស់ម៉ូលេគុល នីត្រូសែន។ ម៉ាស់ម៉ូល នីត្រូសែនគឺ  $M = 28 \text{ kg/kmol}$  ។

ចម្លើយ៖ គណនាម៉ាស់ម៉ូលេគុលនីត្រូសែន

$$\text{តាមរូបមន្ត } M = m \times N_A \Rightarrow m = \frac{M}{N_A}$$

$$\text{ដោយ } M = 28 \text{ kg/kmol} = 28 \times 10^{-3} \text{ kg/mol}$$

$$N_A = 6.02 \times 10^{23} \text{ ម៉ូលេគុល/mol}$$

$$m = \frac{28 \times 10^{-3}}{6.02 \times 10^{23}} = 4.7 \times 10^{-26} \text{ kg}$$

ឧទាហរណ៍៖ គណនាមាឌដែលផ្ទុកដោយឧស្ម័នអុកស៊ីសែន 3.2g នៅសម្ពាធ 76 cmHg និង សីតុណ្ហភាព  $27^\circ\text{C}$  ។

ចម្លើយ៖ គណនាមាឌដែលផ្ទុកឧស្ម័ន  $O_2$

តាមសមីការភាពនៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធ

$$PV = nRT$$

$$\text{តែ } n = \frac{m_0}{M} \Rightarrow PV = \frac{m_0}{M} RT \text{ តាង } m_0 \text{ ជាម៉ាស់សរុបរបស់ឧស្ម័ន}$$

$$\text{គេបាន } V = \frac{m_0 RT}{MP}$$

$$\text{ដោយ } M = 32 \text{ g/mol}; m_0 = 3.2 \text{ g}; R = 8.31 \text{ J/mol.K}; T = 27^\circ\text{C} = 300 \text{ K}; P = 76 \text{ cmHg} = 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$$

$$\Rightarrow V = \frac{3.2 \times (8.31) 300}{32 \times 10^5} = 0.0025 \text{ m}^3$$

$$\text{ដូចនេះ } V = 0.0025 \text{ m}^3$$



ឧទាហរណ៍៣៖ រកល្បឿនប្រសិទ្ធ ( $V_{rms}$ ) នៃម៉ូលេគុលអាសូតដោយម៉ាសម៉ូល  $M=28\text{g/mol}$  នៅ  $300\text{K}$  ។

ចម្លើយ៖ គណនាល្បឿន  $V_{rms}$

$$\text{តាមរូបមន្ត } V_{rms} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} \text{ ដោយ } R=8.31\text{J/molK};$$

$$T=300\text{K}; M=28\text{g/mol}=28\times 10^{-3}\text{kg/mol}$$

$$\Rightarrow V_{rms} = \sqrt{\frac{3 \times 8.31 \times 300}{28 \times 10^{-3}}} = 561.8\text{m/s}$$

$$\text{ដូចនេះ } V_{rms} = 561.8\text{m/s}$$

ឧទាហរណ៍៤៖ គណនាសីតុណ្ហភាពដែលធ្វើឱ្យល្បឿនប្រសិទ្ធនៃម៉ូលេគុលអ៊ីដ្រូសែនស្មើ  $331\text{m/s}$ ? គេ

$$\text{ឱ្យ } M_{H_2} = 2\text{g/mol}$$

ចម្លើយ៖ គណនាសីតុណ្ហភាពដើម្បីបានល្បឿនប្រសិទ្ធ ( $V_{rms}$ )

$$V_{rms} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} \Leftrightarrow V_{rms}^2 = \frac{3RT}{M} \Rightarrow T = \frac{M \cdot V_{rms}^2}{3R}$$

$$\text{ដោយ } M_{H_2}=2\text{g/mol}=2\times 10^{-3}\text{kg/mol}; V_{rms}=331\text{m/s} \text{ និង } R=8.31\text{J/mol.K}$$

$$T = \frac{2 \times 10^{-3} \times (331)^2}{3 \times 8.31} = 8.79\text{K}$$

$$\text{ដូចនេះ } T=8.79\text{K}$$

ឧទាហរណ៍៥៖ គណនាថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យមក្នុងមួយម៉ូលេគុលនៃឧស្ម័ននៅសីតុណ្ហភាព  $727^\circ\text{C}$  គេ

$$\text{ឱ្យ } R=8.32\text{J/mol.K} \text{ និង } N_A=6.022\times 10^{23} \text{ម៉ូលេគុល/mol}$$

ចម្លើយ៖ គណនាថាមពលមធ្យមនៃម៉ូលេគុលឧស្ម័ននីមួយៗ

$$\text{តាម } K_{av} = \frac{3}{2} k_B T \text{ ដោយ } R=k_B N_A \Rightarrow k_B = \frac{R}{N_A}$$

$$K_{av} = \frac{3}{2} \frac{RT}{N_A} \text{ តែ } T=727^\circ\text{C}=1000\text{K}$$

$$\text{នោះគេបាន } K_{av} = \frac{3}{2} \times \frac{8.31 \times 1000}{6.022 \times 10^{23}} = 2.07 \times 10^{-20}\text{J}$$

ឧទាហរណ៍៦៖ ចូររកថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យមរបស់ម៉ូលេគុលនីមួយៗ (គិតជាអេឡិចត្រុង-វ៉ុល) របស់

ម៉ូលេគុលអុកស៊ីសែនក្នុងខ្យល់នៅក្នុងបន្ទប់មានសីតុណ្ហភាព  $300\text{K}$  ។

ចម្លើយ៖ រកថាមពលស៊ីនេទិចមធ្យមរបស់ម៉ូលេគុលឧស្ម័នអុកស៊ីសែន

$$\text{តាម } K_{av} = \frac{3}{2} k_B T$$

$$\text{ដោយ } k_B = 1.38 \times 10^{-23} \text{J/K}; T = 300\text{K}$$

$$\Rightarrow K_{av} = \frac{3}{2} \times 1.38 \times 10^{-23} \times 300$$

$$= 6.21 \times 10^{-21}\text{J}$$

$$\text{តែ } 1\text{eV} = 1.6 \times 10^{-19}\text{J}$$

$$\text{ដូចនេះ } K_{av} = \frac{6.21 \times 10^{-21}}{1.6 \times 10^{-19}} = \boxed{0.039 \text{ eV}}$$



## ជំពូក១ ទែម៉ូឌីណាមិច

### មេរៀនទី២៖ ច្បាប់ទីមួយ ទែម៉ូឌីណាមិច

ប្រព័ន្ធ គឺជាវត្ថុ ឬសំណុំវត្ថុដែលលើកយកមកសិក្សា បើធៀបនឹងវត្ថុដទៃ។

កាលណាប្រព័ន្ធមួយផ្លាស់ប្តូរភាពដោយប្តូរតែកម្ពស់ និងកម្ដៅជាមួយមជ្ឈដ្ឋានក្រៅ គេថា ប្រព័ន្ធនោះទទួលបំរែងទែម៉ូឌីណាមិច។

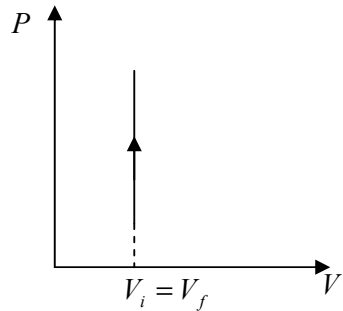
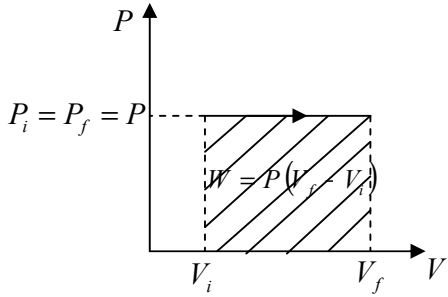
បំរែងចំហគឺជាបំរែងដែល ប្រព័ន្ធផ្លាស់ប្តូរភាពដើមទៅភាពស្រេចណាមួយខុសពីមុន។

បំរែងបិទគឺជាបំរែងដែល ប្រព័ន្ធផ្លាស់ប្តូរភាពដើមទៅភាព ស្រេចណាមួយរួចត្រឡប់មក រកភាពដើមវិញ។

លំនាំមួយចំនួនៗក្នុងបំរែងទែម៉ូឌីណាមិច

លំនាំទែម៉ូឌីណាមិច	លក្ខណៈរបស់លំនាំ
អ៊ីសូករ	មាឌថេរ
អ៊ីសូបារ	សម្ពាធហេរ
អ៊ីសូទែម	សីតុណ្ហភាពថេរ
អាដ្យាបាទិច	គ្មានបណ្តុះកម្ដៅ

កម្មន្តក្នុងលំនាំមួយចំនួន

លំនាំ	កម្មន្ត	ក្រាប $P - V$
អ៊ីសូករ	ដោយក្នុងលំនាំអ៊ីសូករ មាឌឧស្ម័នថេរ នាំឱ្យ  កម្មន្ត $W = 0$	
អ៊ីសូបារ	កម្មន្តក្នុងលំនាំអ៊ីសូបារជាផ្ទៃឆ្នូតដូចក្នុងរូប  $W = P(V_f - V_i)$  $W$ ជាកម្មន្តដែល ឧស្ម័នធ្វើ គិតជា(J)។  $P_f$ ជាសម្ពាធស្រេចរបស់ឧស្ម័ន (Pa)។  $P_i$ ជាសម្ពាធដើមរបស់ឧស្ម័ន (Pa)។	

	$V_f$ ជាមាឌស្រេចរបស់ឧស្ម័ន $m^3$ ។ $V_i$ ជាមាឌដើមរបស់ឧស្ម័ន $m^3$ ។	
សម្ពាធប្រែប្រួល	កម្មន្តក្នុងលំនាំសម្ពាធប្រែប្រួលជាផ្ទៃឆ្នួតដូចក្នុងរូប <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <math display="block">W = W_1 + W_2</math> <math display="block">\checkmark W_1 = P_i(V_f - V_i)</math> <math display="block">\checkmark W_2 = \frac{1}{2}(P_f - P_i)(V_f - V_i)</math> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <math display="block">W = P_i(V_f - V_i) + \frac{1}{2}(P_f - P_i)(V_f - V_i)</math> </div>	
អ៊ីសូទែម	កម្មន្តក្នុងលំនាំអ៊ីសូទែម (Tថេរ) ជាផ្ទៃឆ្នួតដូចក្នុងរូប <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <math display="block">W = nRT \ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right)</math> </div> <p> <math>n</math> ជាចំនួនម៉ូលឧស្ម័ន (mol) ។  <math>R</math> ជាថេរសកលនៃឧស្ម័ន ។  <math>T</math> ជាសីតុណ្ហភាពរបស់ឧស្ម័ន (K) ។         </p>	

ច្បាប់ទីមួយ ទែម៉ូឌីណាមិច ៖ ក្នុងបំប្លែងទែម៉ូឌីណាមិច កម្ដៅស្រូបដោយប្រព័ន្ធ ស្មើនឹងផលបូកកម្មន្តដែលបានបង្កើតឡើងដោយប្រព័ន្ធ និងបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុងនៃប្រព័ន្ធ។

$$Q = \Delta U + W$$

$Q$  ជាកម្ដៅស្រូបដោយប្រព័ន្ធគិតជា(J),  $\Delta U$  ជាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុងនៃប្រព័ន្ធគិតជា(J),  $W$  ជាកម្មន្តដែលបានបង្កើតឡើងដោយប្រព័ន្ធគិតជា(J)

សិក្សាសញ្ញា របស់  $Q$ ,  $W$  និង  $\Delta U$

អញ្ញាត	សញ្ញា	អត្ថន័យ
$Q$	+	កាលណាប្រព័ន្ធទទួលកម្ដៅ។
$Q$	-	កាលណាប្រព័ន្ធបំភាយកម្ដៅ/ទៅវដ្តរងរាងក្រៅ។
$W$	+	កាលណាឧស្ម័នក្នុងប្រព័ន្ធធ្វើកម្មន្តដោយខ្លួនឯង។

$W$	-	កាលណាឧស្ម័នក្នុងប្រព័ន្ធទទួល កម្លាំងពីមជ្ឈដ្ឋានក្រៅដើម្បីធ្វើកម្មន្ត។
$\Delta U$	+	មានន័យថាថាមពលក្នុងកើនឡើង។
$\Delta U$	-	មានន័យថាថាមពលក្នុងថយចុះ។

ច្បាប់ទីមួយ ថែម្ង៉ៃឌីណាមិច ចំពោះលំនាំពិសេសៗបី

លំនាំ	លក្ខណៈរបស់លំនាំ	លទ្ធផល
អាដ្យាបាទិច	$Q = 0$	$\Delta U = -W$
អ៊ីសូករ	$W = 0$	$\Delta U = Q$
បំលែងបិទ	$\Delta U = 0$	$Q = W$

ថាមពលក្នុងនៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធគឺជាថាមពលស៊ីនេទិចសរុបរបស់ម៉ូលេគុលនៃឧស្ម័ននោះ។

ថាមពលក្នុង  $n$  ម៉ូល នៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធម៉ូណូអាតូម  $U = \frac{3}{2}nRT$

$U$  ជាថាមពលក្នុងគិតជា(J),  $n$ ជាចំនួនម៉ូលរបស់ឧស្ម័ន(mol),

$T$ ជាសីតុណ្ហភាពរបស់ឧស្ម័ន (K),  $R$  ជាថេរសកលនៃឧស្ម័ន  $R = 8.31J/(mol.K)$

បម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង  $n$  ម៉ូល នៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធម៉ូណូអាតូម

$$\Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T = \frac{3}{2}nR(T_f - T_i)$$

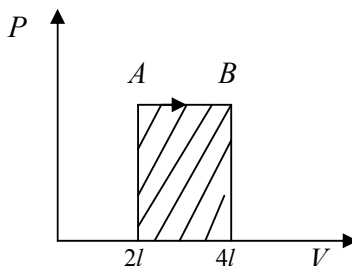
$\Delta U$ ជាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុងនៃឧស្ម័នបរិសុទ្ធម៉ូណូអាតូម គិតជា(J)

$T_f$  ជាសីតុណ្ហភាពស្រេចរបស់ឧស្ម័ន គិតជា(K)

$T_i$  ជាសីតុណ្ហភាពដើមរបស់ឧស្ម័ន គិតជា(K)

ឧទាហរណ៍៖ តើផ្ទៃដែលបានគូសក្នុងដ្យាក្រាម P-V ស្មើប៉ុន្មាន? តើកម្មន្តដែលបានធ្វើពីភាព

$A \rightarrow B$  ស្មើប៉ុន្មាន?  $P=2atm$



ចម្លើយ៖ តាមផ្ទៃនៃរូបជាផ្ទៃចតុកោណកែង

$$S = \text{ទទឹង} \times \text{បណ្តោយ}$$

$$\text{ទទឹង} = 2 \text{ atm} = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$\text{បណ្តោយ} = (4 - 2) \ell = 2 \ell = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow S = 2 \times 10^5 \times 2 \times 10^{-3} = 4 \times 10^2 \text{ J}$$

កម្មន្តពីភាព A ទៅភាព B (ជាលំនាំអ៊ីសូបារ)

$$W = P \Delta V = P(V_B - V_A)$$

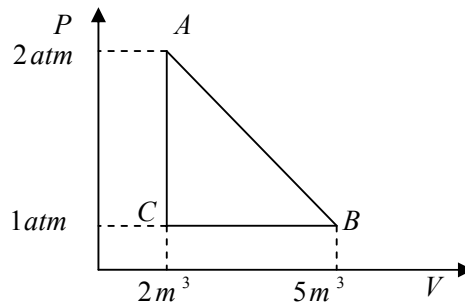
$$\text{ដោយ } P = 2 \text{ atm} = 2 \times 10^5 \text{ Pa}; V_B = 4 \times 10^{-3} \text{ m}^3;$$

$$V_A = 2 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow W = 2 \times 10^5 (4 \times 10^{-3} - 2 \times 10^{-3}) = 4 \times 10^2 \text{ J}$$

ដូចនេះកម្មន្តពីភាព A ទៅភាព B គឺស្មើផ្ទៃរូបស្រួប។

ឧទាហរណ៍២៖ គណនាកម្មន្តសរុបក្នុងបំលែងបិទ ABC?



ចម្លើយ៖ រកកម្មន្តក្នុងបំលែងបិទ ABC

$$W_{ABC} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CA}$$

រក  $W_{AB}$

$$W_{AB} = P_A(V_B - V_A) + \frac{1}{2} (P_B - P_A)(V_B - V_A)$$

$$\text{ដោយ } P_A = 2 \text{ atm} = 2 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$P_B = 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$$

$$V_B = 5 \text{ m}^3, V_A = 2 \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow W_{AB} = 2 \times 10^5 (5 - 2) + \frac{1}{2} (10^5 - 2 \times 10^5) (5 - 2)$$

$$= 4.5 \times 10^5 \text{ J}$$

រក  $W_{BC}$

$$W_{BC} = P_B(V_C - V_B) = 10^5 (2 - 5) = -3 \times 10^5 \text{ J}$$

រក  $W_{CA}$  (ជាលំនាំអ៊ីសូករ)

$$W_{CA} = 0$$

$$\text{ដូចនេះ } W_{ABC} = (4.5 \times 10^5 \text{ J}) - (3 \times 10^5 \text{ J}) + 0 = 1.5 \times 10^5 \text{ J}$$



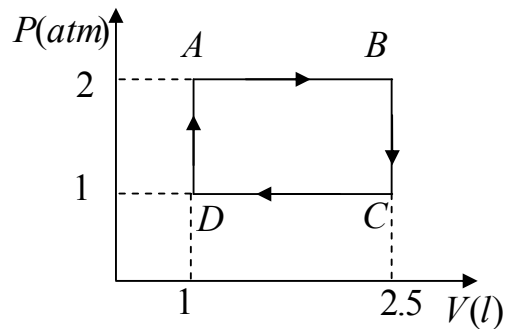


ឧទាហរណ៍៖ ឧស្ម័នបរិសុទ្ធមួយធ្វើបំលែងជាបំលែងបិទពីភាព A ទៅភាព B រួចទៅភាព C ហើយទៅភាព D ទៀតក្រោយមកត្រឡប់ទៅភាព A វិញដូចបានបង្ហាញក្នុងរូប។ គណនា

ក. កម្មន្ត AB, BC, CD, DA

ខ. កម្មន្តសរុបក្នុងបំលែងបិទ

គ. កម្ដៅដែលទទួលបាន(ក្នុងបំលែងបិទ)។



ចម្លើយព្រះក. គណនាកម្មន្ត AB, BC, CD, DA

កម្មន្តពីភាព A ទៅភាព B (លំនាំអ៊ីសូបារ)៖

$$W_{AB} = P_A(V_B - V_A) \text{ ដោយ } P_A = 2 \times 10^5 \text{ Pa};$$

$$V_B = 2.5 \times 10^{-3} \text{ m}^3; V_A = 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$\Rightarrow W_{AB} = 2 \times 10^5 (2.5 \times 10^{-3} - 10^{-3}) = 3 \times 10^2 \text{ J}$$

កម្មន្តពីភាព B ទៅភាព C (លំនាំអ៊ីសូករ)

$$W_{BC} = 0$$

កម្មន្តពីភាព C ទៅភាព D (លំនាំអ៊ីសូបារ)៖

$$W_{CD} = P_C(V_D - V_C) \text{ ដោយ } V_D = 10^{-3} \text{ m}^3,$$

$$V_C = 2.5 \times 10^{-3} \text{ m}^3; P_C = 1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$$

$$\Rightarrow W_{AB} = 10^5 (10^{-3} - 2.5 \times 10^{-3}) = -1.5 \times 10^2 \text{ J}$$

កម្មន្តពីភាព D ទៅភាព A (លំនាំអ៊ីសូករ)

$$W_{DA} = 0$$

ខ. កម្មន្តសរុបក្នុងបំលែងបិទ

$$W_{ABCD} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CD} + W_{DA}$$

$$= 3 \times 10^2 + 0 - 1.5 \times 10^2 + 0 = 150 \text{ J}$$

$$\text{ដូចនេះ: } W_{ABCD} = 150 \text{ J}$$

គ. កម្ដៅដែលឧស្ម័នទទួលបាន

$$\text{តាមច្បាប់ទីមួយនៃម៉ូឌីណាមិច } Q = \Delta U + W \text{ ដោយបំលែងជាបំលែងបិទនាំឲ្យ } \Delta U = 0$$

$$\text{ដូចនេះ: } Q = W = 150 \text{ J}$$

ឧទាហរណ៍៤៖ គេធ្វើកម្មន្ត 25kJ លើប្រព័ន្ធខ្សែន។ ក្រោយមកកម្ដៅ 15kcal បានភាយចេញពីប្រព័ន្ធ។  
គណនាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង (1cal = 4.186J)

ចម្លើយ៖ គណនាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង

$$\text{តាមច្បាប់ទី១នៃម៉ូឌីណាមិច } Q = \Delta U + W \Rightarrow \Delta U = Q - W$$

$$\text{ដោយ } Q = -1.5kcal = -62.7 \times 10^3 J;$$

$$W = -25kJ = -25 \times 10^3 J$$

$$\Rightarrow \Delta U = -62.7 \times 10^3 - (-25 \times 10^3)$$

$$= -37.7 \times 10^3 J$$

$$\text{ដូចនេះ } \Delta U = -37.7 \times 10^3 J$$

ឧទាហរណ៍៥៖ មួយម៉ូលនៃខ្សែន  $O_2$  (សន្មតថាវាជាខ្សែនបរិសុទ្ធ) ។

ក. ខ្សែនរីកនៅសីតុណ្ហភាពថេរ  $T=300K$  ពីមាឌដើម  $V_i=12$  ទៅ  $V_f=19$  ។ គណនា

កម្មន្តក្នុងដំណើរការរីករបស់ខ្សែន។

ខ. ខ្សែនរួមមាននៅសីតុណ្ហភាពថេរ  $T=310K$  ពីមាឌ  $V_i=19$  ទៅ  $V_f=12$  ។ គណនា

កម្មន្តក្នុងដំណើរការរួមមាន។

ចម្លើយ៖

ក. កម្មន្តក្នុងដំណើរការពង្រីក

ដោយ  $T$  ថេរនោះវាជាលំនាំអ៊ីសូទែម

$$W = nRT \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right) \text{ ដោយ } R = 8.31 J/mol K$$

$$n=1mol, T=310K, V_f = 19l, V_i = 12l$$

$$\Rightarrow W = 1 \times 8.31 \times 310 \ln \left( \frac{19}{12} \right) = 1183 J$$

ខ. កម្មន្តក្នុងដំណើរការបង្រួម

$$W = nRT \ln \left( \frac{V_f}{V_i} \right) \text{ ដោយ } R = 8.31 J/mol K$$

$$n=1mol, T=310K, V_f = 19l, V_i = 12l$$

$$\Rightarrow W = 1 \times 8.31 \times 310 \ln \left( \frac{12}{19} \right) = -1183 J$$

ឧទាហរណ៍៦៖ ក្នុងប្រព័ន្ធទែម៉ូឌីណាមិចប្រព័ន្ធទទួលកម្មន្ត 200J និងទទួលកម្ដៅ 500J ។

រកបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង?

ចម្លើយ៖ គណនាបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុង

តាមច្បាប់ទី១នៃម៉ូឌីណាមិច

$$Q = \Delta U + W \Rightarrow \Delta U = Q - W$$

ដោយ  $Q=+500J$  ប្រព័ន្ធទទួលកម្ដៅ

$W=-200J$  ប្រព័ន្ធទទួលកម្មន្ត

$$\Rightarrow \Delta U = 500J + 200J = 700J$$

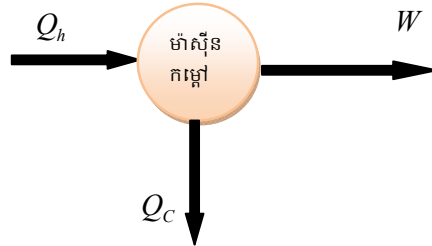
ដូចនេះបម្រែបម្រួលថាមពលក្នុងគឺ 700J



## ជំពូក១ ទែម៉ូឌីណាមិច

### មេរៀនទី៣៖ ម៉ាស៊ីន

ម៉ាស៊ីនកម្ដៅ



$Q_h$ : បរិមាណកម្ដៅបានពីប្រភពក្ដៅផ្តល់ឱ្យម៉ាស៊ីន(ថាមពលសរុប)គិតជាស៊ូល(J)

$W$  : កម្មន្តដែលឧស្ម័នធ្វើ (បានការ) គិតជាស៊ូល (J)

$Q_c$ : បរិមាណកម្ដៅដែលបំភាយទៅ ប្រភពត្រជាក់ឬមជ្ឈដ្ឋានក្រៅ (បរិមាណកម្ដៅមិនបានការ) គិតជាស៊ូល (J)

❖ តុល្យការថាមពល  $Q_h = Q_c + W$

❖ ទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន  $e_c = \frac{W}{Q_h}$

❖ កម្មន្តដែលឧស្ម័នធ្វើ  $W = Q_h - Q_c$

❖ ទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន  $e_c = \frac{W}{Q_h} = \frac{Q_h - Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{Q_c}{Q_h}$

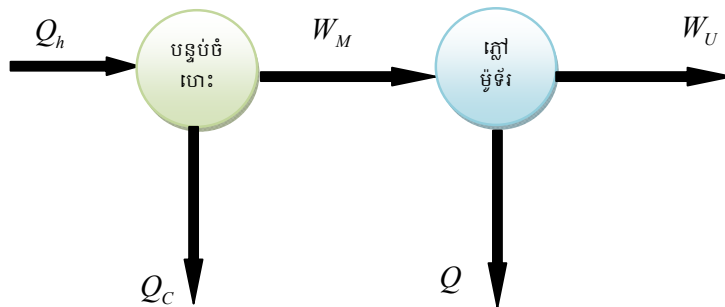
ទ្រឹស្តីបទ កាកណ្ណា ៖ បើម៉ាស៊ីនមួយដំណើរការរវាងធុងពីរ ដែលមានសីតុណ្ហភាពថេរមានទិន្នផលអតិបរិមា ហើយដំណើរនេះមានភាពអែដ៊ីប ហើយម៉ាស៊ីនទាំងអស់ដំណើរការនៅចន្លោះសីតុណ្ហភាពដូចគ្នា មានទិន្នផលដូចគ្នា

$$e_c = 1 - \frac{Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{T_c}{T_h}$$

$T_c$  ជាសីតុណ្ហភាពប្រភពត្រជាក់ គិតជា (K)

$T_h$  ជាសីតុណ្ហភាពប្រភពក្ដៅ គិតជា (K)

ម៉ូទ័របន្ទុះ បន្ទុះវត្ត វត្តស្រូប វត្តបណ្ដែន វត្តបន្ទុះនិងបន្ទុះ វត្តបញ្ចេញ។  
ម៉ាស៊ីនម៉ូទ័រ



➢ តុល្យការថាមពល

$$Q_h = W_M + Q_c$$

$$W_M = W_U + Q$$

$W_M$  ជាកម្មន្តមេកានិចគិតជាស៊ូល(J),  $W_U$  ជាកម្មន្តបានការ គិតជាស៊ូល (J),

$Q_c$  បរិមាណកម្ដៅដែលបំភាយទៅ ប្រភពត្រជាក់ឬមជ្ឈដ្ឋានក្រៅ (បរិមាណកម្ដៅមិនបានការ) គិតជាស៊ូល(J)

$Q$  បរិមាណកម្ដៅដែលបាត់បង់ដោយសារកកិត (បរិមាណកម្ដៅមិនបានការ) គិតជាស៊ូល (J)

➢ ទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន

$$e_c = \frac{W_M}{Q_h}$$

➢ ទិន្នផលគ្រឿងបញ្ជូន ឬទិន្នផលមេកានិច

$$e_M = \frac{W_U}{W_M}$$

➢ ទិន្នផលបានការនៃម៉ាស៊ីន

$$e = \frac{W_U}{Q_h} = \frac{W_U}{W_M} \times \frac{W_M}{Q_h} = e_M \times e_c$$

ម៉ាស៊ីនម៉ាស៊ីត មានទិន្នផលខ្ពស់ជាងម៉ាស៊ីនសាំង។

**ឧទាហរណ៍៖** ម៉ាស៊ីនកម្ដៅស្រូបកម្ដៅ 200J ពីប្រភពក្ដៅដើម្បីធ្វើកម្មន្តនិងបំភាយកម្ដៅ 160J ទៅប្រភពត្រជាក់។ គណនាទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន។

**ចម្លើយ៖** គណនាទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីន

$$e_c = \frac{W}{Q_h} \quad \text{តែដោយ } Q_h = W + Q_c$$

$$\Rightarrow W = Q_h - Q_c \quad \text{ដូចនេះ } e_c = \frac{Q_h - Q_c}{Q_h}$$

$$= 1 - \frac{Q_c}{Q_h} \text{ ដោយ } Q_c = 160J ; Q_h = 200J$$

$$e_c = 1 - \frac{160}{200} = 0.2 = 20\%$$

ឧទាហរណ៍២៖ ម៉ាស៊ីនមួយមានទិន្នផលកម្ដៅ 35% ចូរគណនា

- ក. គណនាកម្មន្តដែលបានធ្វើក្នុងមួយខួបប្រសិនបើវាស្រូបកម្ដៅ 150J ក្នុងមួយខួបពីប្រភពក្ដៅ។
- ខ. តើមានកម្ដៅកាយចេញប៉ុន្មាន?

ចម្លើយ៖ ក. គណនាកម្មន្តដែលបានធ្វើក្នុងមួយខួប

តាមទិន្នផលកម្ដៅ  $e_c = \frac{W}{Q_h}$

⇒  $W = e_c \times Q_h$

ដោយ  $Q_h = 150J ; e_c = 0.35$

$$W = 0.35 \times 150 = 52.5J$$

ខ. គណនាកម្ដៅ  $Q_c$

តាមតុល្យការថាមពល

$$Q_h = W + Q_c \Rightarrow Q_c = Q_h - W$$

$$Q_c = 150J - 52.5J = 97.5J$$

ឧទាហរណ៍៣៖ ម៉ាស៊ីនកាកណ្តាធ្វើការរវាងប្រភពកម្ដៅពីរនៅ 500K និង 300K ។

- ក. រកទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីនកាកណ្តា។
- ខ. ប្រសិនបើវាបំភាយកម្ដៅ 200J ពីប្រភពក្ដៅ។ ចូររកកម្មន្តដែលធ្វើវា។

ចម្លើយ៖ ក. រកទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីនកាកណ្តា

តាម  $e_c = 1 - \frac{Q_c}{Q_h}$  តែ  $\frac{Q_c}{Q_h} = \frac{T_c}{T_h} \Rightarrow e_c = \frac{T_c}{T_h}$

ដោយ  $T_c = 300K ; T_h = 500K$

$$e_c = \frac{300}{500} = 0.4 = 40\%$$

ខ. គណនាកម្មន្ត

តាម  $e_c = \frac{W}{Q_h} \Rightarrow W = e_c \times Q_h$

ដោយ  $Q_h = 200kJ ; e_c = 0.4$

⇒  $W = 0.4 \times 200 = 80kJ$

ឧទាហរណ៍៤៖ ម៉ាស៊ីនពិតធ្វើការក្នុងចន្លោះរវាងប្រភពកម្ដៅពីររវាង 500K និង 300K ។ វាបំភាយកម្ដៅ 500kJ ពីប្រភពក្ដៅនិងធ្វើកម្មន្ត 150kJ ក្នុងរាល់ខួប។ រកទិន្នផលនៃម៉ាស៊ីន?

ចម្លើយ៖ រកទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីនពិត

តាម  $e_c = \frac{W}{Q_h}$  ដោយ  $W = 150kJ ; Q_h = 500kJ$

$$e_c = \frac{150}{500} = 0.3 \text{ ដូចនេះ } e_c = 30\%$$



ចំណាំ៖ យើងមិនអាចប្រើរូបមន្ត  $e_c = 1 - \frac{T_c}{T_h}$  ព្រោះវាជារូបមន្ត  
ទិន្នផលកម្ដៅនៃម៉ាស៊ីនអែបស៊ីបមិនមែនម៉ាស៊ីនពិតទេ។

**ឧទាហរណ៍៥៖** ម៉ាស៊ីនកាកណ្តាដែលមានប្រភពត្រជាក់  $T_c = 7^{\circ}C$  ហើយមានទិន្នផលកម្ដៅ 50%។  
ម៉ាស៊ីននេះមានទិន្នផលកម្ដៅកើនឡើងដល់ 70%។ តើសីតុណ្ហភាពនៃប្រភពក្ដៅកើនឡើង  
បានប៉ុន្មានដឺក្រេ?

**ចម្លើយ៖** រកកំណើនសីតុណ្ហភាព  $\Delta T_h$  (នៅប្រភពក្ដៅ)

ក្នុងករណីដំបូង

$$e_c = 1 - \frac{T_c}{T_h} \Rightarrow \frac{T_c}{T_h} = 1 - e_c$$

$$\Rightarrow T_h = \frac{T_c}{1 - e_c}$$

ដោយ  $T_c = 7^{\circ}C = 280 K, e_c = 0.5$

$$T_h = \frac{280}{1 - 0.5} = 560 K$$

ក្នុងករណីស្រេច

$$e'_c = 1 - \frac{T_c}{T'_h} \Rightarrow T'_h = \frac{T_c}{1 - e'_c}$$

ដោយ  $e'_c = 0.7$

$$T'_h = \frac{280}{1 - 0.7} = 933.33 K$$

$$\Delta T_h = T'_h - T_h = 933.33 - 560 = 373.33 K$$

**ឧទាហរណ៍៦៖** ម៉ូទ័រម៉ាស៊ីនម៉ាស៊ូតនៃរថយន្តមួយដែលទិន្នផលកម្ដៅ 0.43 ហើយវាស្រូបបរិមាណ  
កម្ដៅ 4MJ។

ក. គណនាកម្មន្តមេកានិចដែលបានពីស្តង់

ខ. គណនាបរិមាណកម្ដៅដែលបញ្ចេញទៅក្នុងបរិយាកាស។

គ. គណនាកម្មន្តបានការបើគេដឹងថាទិន្នផលគ្រឿងបញ្ជូន 0.82។

**ចម្លើយ៖** ក. គណនាកម្មន្តមេកានិច

ទិន្នផលកម្ដៅ

$$e_c = \frac{W_M}{Q_h}$$

$$\Rightarrow W_M = e_c \times Q_h$$

ដោយ  $Q_h = 4MJ = 4 \times 10^6 J; e_c = 0.43$

$$W_M = 0.43 \times (4 \times 10^6) = 1.72 \times 10^6 J$$

ខ. គណនាបរិមាណកម្ដៅដែលបំភាយចេញ

តាមតុល្យការថាមពល

$$Q_h = W_M + Q_c \Rightarrow Q_c = Q_h - W_M$$

$$Q_c = 4 \times 10^6 - 1.72 \times 10^6 = 2.28 \times 10^6 J$$

គ. គណនាកម្មន្តបានការ

$$e_M = \frac{W_U}{W_M}$$

$$\Rightarrow W_U = e_M \times W_M$$

ដោយ  $e_M = 0.82; W_M = 1.72 \times 10^6 J$

$$W_U = 0.82 \times 1.72 \times 10^6 J = 1.41 \times 10^6 J$$



## ជំពូក២ លេក

### មេរៀនទី១៖ គោលការណ៍តម្រួតនៃលេក និងលេកជញ្ជី

គោលការណ៍តម្រួតកាលណាលេកពីរប្រើនជាលក្ខណៈកាត់មជ្ឈដ្ឋានតែមួយបង្កាស់ទីសរុបនៃរាល់ចំណុចណាក៏ដោយនៃលេកស្មើនឹងផលបូកវ៉ិចទ័រនៃបណ្តាលចំណុចបង្កាស់ទីលេកទោលទាំងនោះ លេកបែបនេះហៅថាលេកលីនេអែរឬលេកតម្រួត។

សំណង់ប្រែប្រួល

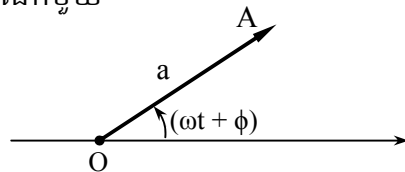
យើងបានឃើញរួចមកហើយពីសមីការនៃចលនាស៊ីនុយសូអ៊ីតក្នុងចលនារំកិល និងចលនាឆ្វិលដែលមានរាង៖  $y = a \sin(\omega t + \phi)$

$y$ : ជាអម្បូងកាស្យុង(m) ;  $(\omega t + \phi)$ : ជាផាសនៅខណៈ  $t$

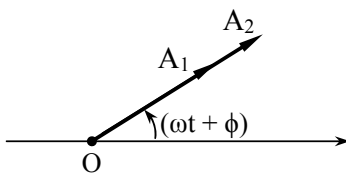
$a$ : ជាអំព្លឺទុត(m);  $\omega$ : ជាពុលសាស្យុង(rad/s);  $\phi$ : ជាផាសដើម(rad) ។

ដើម្បីសម្រួលក្នុងការសិក្សាចលនាស៊ីនុយសូអ៊ីត ត្រូវបានតាងដោយវ៉ិចទ័រ  $\vec{OA}$  មួយដែលគេកំណត់ដូចខាងក្រោម៖

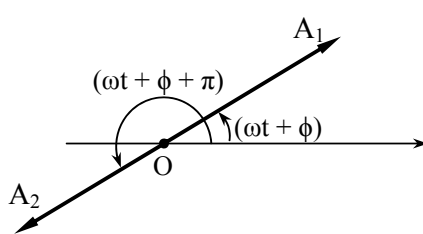
- ទិស : បង្កើតបានមុំ  $(\omega t + \phi)$  ធៀបទៅនឹងអ័ក្សណាមួយដែលគេជ្រើសរើសជាគល់នៃផាសដើម ។
- គល់ : ចំណុច O ណាមួយនៅលើអ័ក្ស ។
- ម៉ូឌុល : អំព្លឺទុតនៃចលនា ។



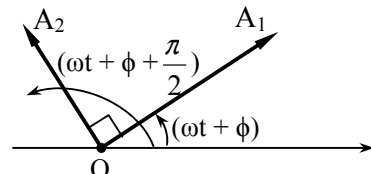
ករណីពិសេស



ចលនាពីរស្របជាសគ្នា  
(ផលសង់ផាស  $\Delta\phi = 0$ )



ចលនាពីរផាសឈមគ្នា  
(ផលសង់ផាស  $\Delta\phi = \pi$ )



ចលនាពីរខ្វែងជាសគ្នា  
(ផលសង់ផាស  $\Delta\phi = \frac{\pi}{2}$ )

ផលបូកអនុគមន៍ស៊ីនុយសូអ៊ីតពីរ

ឧបមាថា ចំណុច M ណាមួយទទួលនៅពេលជាមួយគ្នានូវចលនាស៊ីនុយសូអ៊ីតពីរ ដែលមានទិស , ខួប , ប្រេកង់ និងជំហានរលកដូចគ្នា តែជាសខុសគ្នា នាំឱ្យយើងអាចសរសេរ៖

$$y_1 = a_1 \sin(\omega t + \phi_1) \text{ និង } y_2 = a_2 \sin(\omega t + \phi_2)$$

តាមគោលការណ៍តម្រួត

$$y = y_1 + y_2 = a \sin(\omega t + \phi)$$

➤ ផលសងជាស

$$\Delta\phi = \phi_2 - \phi_1$$

➤ អំព្លីទុត

$$a = \sqrt{a_1^2 + a_2^2 + 2a_1a_2\cos(\phi_2 - \phi_1)}$$

➤ ជាសដើមរបស់លក្ខតម្រួត

$$\tan\phi = \frac{a_1\sin\phi_1 + a_2\sin\phi_2}{a_1\cos\phi_1 + a_2\cos\phi_2}$$

ផលបូកអនុគមន៍ស៊ីនុសសូអ៊ីតច្រើនជាងពីរ

ឧបមាថាចំណុច M ណាមួយទទួលនៅពេលជាមួយគ្នានូវ n ចលនាស៊ីនុសសូអ៊ីតដែលមានប្រេកង់, ជំហានរលកនិងខួប  $T = \frac{2\pi}{\omega}$  ដូចគ្នាតែជាសខុសគ្នាគឺ

$$y_1 = a_1 \sin(\omega t + \phi_1)$$

$$y_2 = a_2 \sin(\omega t + \phi_2)$$

.....

.....

$$y_n = a_n \sin(\omega t + \phi_n)$$

➤ តាមគោលការណ៍តម្រួតនៃរលកយើងបាន៖

$$y = y_1 + y_2 + y_3 + \dots + y_n = a \sin(\omega t + \phi)$$

➤ អំព្លីទុត

$$a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$$

ដែល

$$a_x = a_1\cos\phi_1 + a_2\cos\phi_2 + \dots + a_n\cos\phi_n$$

និង

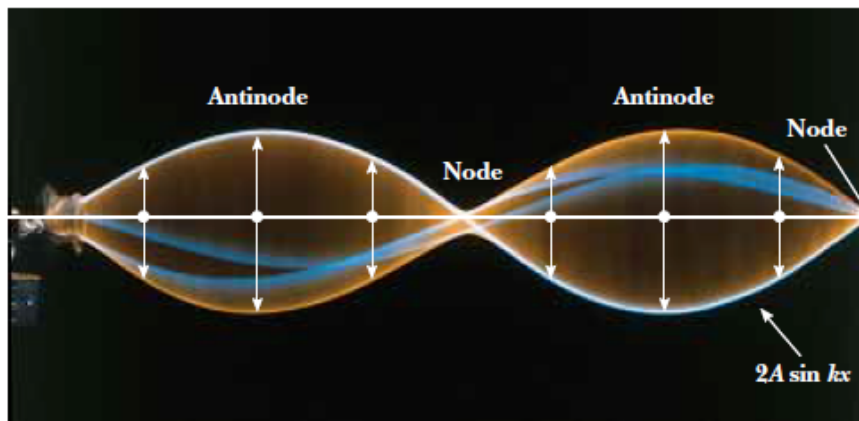
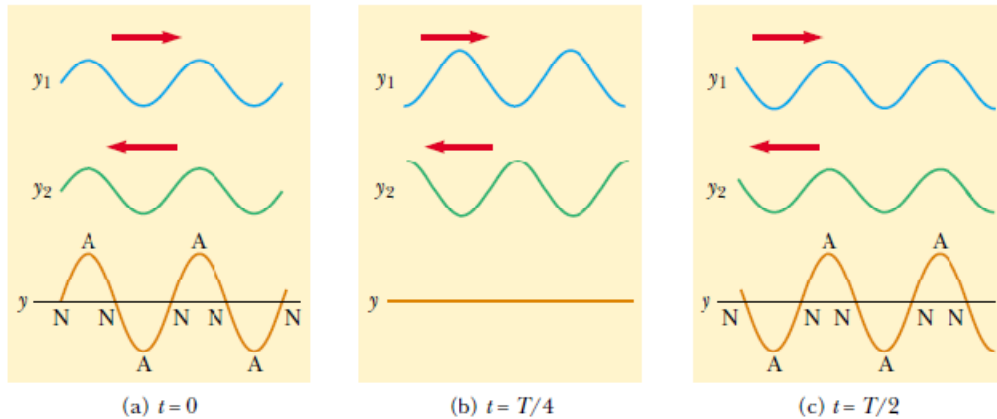
$$a_y = a_1\sin\phi_1 + a_2\sin\phi_2 + \dots + a_n\sin\phi_n$$

➤ ជាសដើមរបស់លក្ខតម្រួត

$$\tan\phi = \frac{a_y}{a_x}$$



រលកជញ្ជ្រុះបើរលកស៊ីនុស្សពីរ ដែលមានអំពូលដូចគ្នា និងជំហានរលកដូចគ្នាផ្លាស់ទីតាមទិសដៅផ្ទុយគ្នាគ្នាតម្រូវនៃរលកទាំង 2 នោះបង្កើតបានជារលកជញ្ជ្រុះ។



Antinode (A) ជាពោះ និង Node (N) ជាថ្នាំង

យើងតាង អនុគមន៍រលកទីមួយដាលពីឆ្វេងទៅស្តាំ  $y_1 = A \sin(kx - \omega t)$  និងអនុគមន៍រលកទីមួយដាលពីស្តាំទៅឆ្វេង  $y_2 = A \sin(kx + \omega t)$  ។ នៅពេលត្រួតរលកទាំងពីរ គេបាន

$$y = y_1 + y_2 = A \sin(kx - \omega t) + A \sin(kx + \omega t) = A[\sin(kx - \omega t) + \sin(kx + \omega t)]$$

$$\text{ដោយប្រើរូបមន្ត} \sin(a + b) = 2 \sin\left(\frac{a+b}{2}\right) \cos\left(\frac{a-b}{2}\right)$$

ដូចនេះ:

➢ ទីតាំងពោះរបស់រលកជញ្ជ័រ

ត្រង់ទីតាំងពោះមានន័យថា តម្លៃ  $2A\sin kx$  អតិបរិមា

គេបាន

$$\sin kx = \pm 1$$

$$\Rightarrow kx = \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{2}, \dots$$

$$\Rightarrow x = \frac{\lambda}{4}, \frac{3\lambda}{4}, \frac{5\lambda}{4}, \dots = n\frac{\lambda}{4} \text{ ជាទីតាំងពោះ (អំព្វីទុតអតិបរិមា) ដែល } n = 1, 3, 5, 7, \dots$$

➢ ទីតាំងថ្នាំងរបស់រលករលកជញ្ជ័រ

ត្រង់ទីតាំងថ្នាំងមានន័យថា តម្លៃ  $2A\sin kx = 0$

គេបាន

$$\sin kx = 0$$

$$\Rightarrow kx = 0, \pi, 2\pi, 3\pi, \dots$$

$$\Rightarrow x = 0, \frac{\lambda}{2}, \lambda, \frac{3\lambda}{2}, \dots = n\frac{\lambda}{2} \text{ ជាទីតាំងថ្នាំង (អំព្វីទុតស្មើសូន្យ) ដែល } n = 0, 1, 2, 3, 4, \dots$$

ឧទាហរណ៍១៖ បម្លាស់ទីនៃរលកមួយឲ្យដោយសមីការ  $y = 0.1\sin(0.1x - 0.1t)(m)$

គណនាអំព្វីទុតនៃរលក ចំនួនរលក ជំហានរលក ខួបនៃរលក និងល្បឿនដំណាលរលក។

ចម្លើយ៖ យើងមានសមីការរាង  $y = A\sin(kx - \omega t)$

អំព្វីទុតនៃរលក  $A = 0.1m$  , ចំនួនរលក  $k = 0.1/m$ ,

ជំហានរលក  $\lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{0.1} = 20\pi m$  , ខួបនៃរលក  $T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{0.1} = 20\pi s$

ល្បឿនដំណាលរលក  $v = \frac{\lambda}{T} = \frac{20\pi}{20\pi} = 1m/s$

ឧទាហរណ៍២៖ ចូរគណនាប្រេកង់ និងល្បឿនដំណាលរលក ដែលសមីការរលកឱ្យដោយ

$$y = 0.6\sin 2\pi \left( \frac{x}{55} - \frac{t}{0.05} \right) (m)$$

ចម្លើយ៖ យើងមានសមីការរាង  $y = A\sin(kx - \omega t)$

$$\text{ប្រេកង់ } f = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1/0.05}{2\pi} = \frac{1}{1.1\pi} Hz$$

$$\text{ល្បឿនដំណាលរលក } v = \frac{2\pi/k}{2\pi/\omega} = \frac{\lambda}{T} = \frac{\omega}{k} = \frac{1/0.05}{1/55} = \frac{55}{0.05} = 1100m/s$$

ឧទាហរណ៍៣៖ រករលកតម្រួតនៃលំយោល

$$y_1 = 4\sin \left( 5\pi t + \frac{\pi}{6} \right) (cm)$$

$$y_2 = 6\sin \left( 5\pi t + \frac{\pi}{2} \right) (cm)$$

$$y_3 = 7\sin(10\pi t)(cm)$$

$$y_4 = 8\sin \left( 10\pi t + \frac{\pi}{2} \right) (cm)$$

$$y_5 = 9\sin \left( 10\pi t - \frac{\pi}{2} \right) (cm)$$

ចម្លើយ៣៖ ក.តាមគោលការណ៍តម្រួត

$$\begin{aligned} \text{➤ អំព្រីងុត } a &= \sqrt{a_1^2 + a_2^2 + 2a_1a_2\cos(\phi_2 - \phi_1)} \\ &= \sqrt{4^2 + 6^2 + 2 \times 4 \times 6\cos\left(\frac{\pi}{6} - \frac{\pi}{2}\right)} = 8.71m \\ \text{➤ ជាស } \tan\phi &= \frac{a_1\sin\phi_1 + a_2\sin\phi_2}{a_1\cos\phi_1 + a_2\cos\phi_2} = \frac{4\sin\frac{\pi}{6} + 6\sin\frac{\pi}{2}}{4\cos\frac{\pi}{6} + 6\cos\frac{\pi}{2}} = 2.3 \\ \phi &= \tan^{-1}(2.3) = 66.50^\circ \end{aligned}$$

ខ.តាមគោលការណ៍តម្រួត

$$\begin{aligned} \text{➤ } a_x &= a_1\cos\phi_1 + a_2\cos\phi_2 + a_3\cos\phi_3 = 7\cos 0 + 8\cos\frac{\pi}{2} + 9\cos\left(-\frac{\pi}{2}\right) = 7 \\ \text{➤ } a_y &= a_1\sin\phi_1 + a_2\sin\phi_2 + a_3\sin\phi_3 = 7\sin 0 + 8\sin\frac{\pi}{2} + 9\sin\left(-\frac{\pi}{2}\right) = -1 \\ \text{➤ អំព្រីងុត } a &= \sqrt{a_x^2 + a_y^2} = \sqrt{7^2 + (-1)^2} = 7.07cm \\ \text{➤ ជាសដើមរបស់រលកតម្រួត } \tan\phi &= \frac{a_y}{a_x} \\ \phi &= \tan^{-1}\left(\frac{a_y}{a_x}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{-1}{7}\right) = -8.13^\circ \end{aligned}$$

ឧទាហរណ៍៤៖ រលកពីរដែលក្នុងទិសដៅផ្ទុយគ្នាបង្កើតជាលកជញ្ជីរ។ សមីការរលកនីមួយៗ

$$y_1 = (4.0m)\sin(3.0x - 2.0t)$$

$$y_2 = (4.0m)\sin(3.0x + 2.0t) \text{ ដែល } x, y \text{ គិតជា(cm), } t \text{ គិតជា(s)}$$

ក. គណនាបម្លាស់ទីអតិបរមានៅខណៈដែល  $x = 2.3cm$  ។

ខ. រកទីតាំងពេះ និងទីតាំងថ្នាំងនៃរលកជញ្ជីរ។

ចម្លើយ៤៖ ក. គណនាបម្លាស់ទីអតិបរមានៅខណៈដែល  $x = 2.3cm$

$$y = y_1 + y_2 = A\sin(kx - \omega t) + A\sin(kx + \omega t)$$

$$y = A[\sin(kx - \omega t) + \sin(kx + \omega t)] = (2A\sin kx)\cos\omega t$$

$$\text{បម្លាស់ទីអតិបរមា } y_m = (2A\sin kx) = 2 \times 4 \sin(3 \times 2.3\text{rad}) = 4.6 \text{ cm}$$

ខ. រកទីតាំងពេះ និងទីតាំងថ្នាំងនៃរលកជញ្ជីរ

$$\text{ជំហានរលក } \lambda = \frac{2\pi}{k} = \frac{2\pi}{3} \text{ (cm)}$$

$$\text{➤ ទីតាំងពេះ } x = \frac{\lambda}{4}, \frac{3\lambda}{4}, \frac{5\lambda}{4}, \dots = \frac{2\pi}{12}, \frac{6\pi}{12}, \frac{10\pi}{12}, \dots \text{ (cm)}$$

$$\text{➤ ទីតាំងថ្នាំង } x = 0, \frac{\lambda}{2}, \lambda, \frac{3\lambda}{2}, \dots = 0, \frac{2\pi}{6}, \frac{2\pi}{3}, \frac{6\pi}{6}, \dots \text{ (cm)}$$

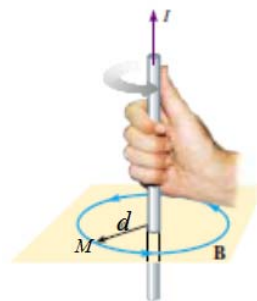
# ជំពូក៣ អគ្គិសនីនិងម៉ាញេទិច

## មេរៀនទី១៖ ដែននិងកម្លាំងម៉ាញេទិច

មេដែក មានប៉ូលពីរ គឺ ប៉ូលជើង(N)និង ប៉ូលត្បូង (S)។  
 អន្តរកម្មម៉ាញេទិច គឺពេលមេដែកពីរមានប៉ូលដូចគ្នាដាក់ជិតគ្នាបានគ្នាចេញ  
 ហើយពេលមេដែកពីរមានប៉ូលខុសគ្នាដាក់ជិតគ្នាទាញគ្នាចូល។  
 ប្រភពរបស់ដែនម៉ាញេទិចគឺ មេដែក ដែនដី និងចរន្តអគ្គិសនី។  
 មេដែកជា អង្គធាតុដែលអាចឆក់ដែកបាន។  
 មេដែកចែកចេញជាពីរគឺ មេដែកធម្មជាតិ (ដូចជាសំណាក  $Fe_3O_4$ ) និងមេដែកសិប្បនិម្មិត  
 (មនុស្សបង្កើតឡើងដោយយករបារដែកថែបឬមូលមេដែកថែបទៅបន្ស៊ីឱ្យក្លាយជាមេដែក)។  
 មេដែកសិប្បនិម្មិត មាន របារមេដែក មូលមេដែក និងមេដែករាង ប ឬរាងក្រចកសេះ។ល។  
 ដែនម៉ាញេទិចនៃចរន្តត្រង់

- ករណីក្នុងខ្យល់ ឬសុញ្ញកាល

$$B = \mu_o \frac{I}{2\pi d}$$



$B$  ជាដែនម៉ាញេទិចបង្កើតដោយចរន្តត្រង់ គិតជាតេស្តា(T)

$d$  ជាចម្ងាយពីខ្សែចម្លងទៅចំណុច M គិតជា (m)

$I$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអគ្គិសនីឆ្លងកាត់ខ្សែចម្លងត្រង់គិតជាអំពែ (A)

$\mu_o$  ជាជំរាបម៉ាញេទិចនៃខ្យល់ ឬសុញ្ញកាល  $\mu_o = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A$

- ករណីក្នុងមជ្ឈដ្ឋានណាមួយ

$$B = \mu_o \mu_r \frac{I}{2\pi d}$$

$\mu_r$  ជាជំរាបម៉ាញេទិចធៀបនៃមជ្ឈដ្ឋាន

ដែនម៉ាញេទិចនៃចរន្តរង (កាំR)

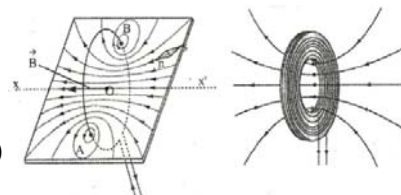
- ករណីរងមួយស្មើ  $B = \mu_o \frac{I}{2R}$

$R$ ជាកាំរងនៃស្មើ គិតជា(m)

$I$ ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអគ្គិសនីខ្សែចម្លងរងគិតជា(A)

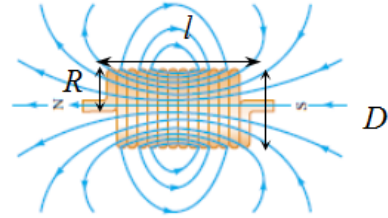
- ករណីរងN ស្មើ  $B = \mu_o \frac{NI}{2R}$

$R$ ជាកាំរងមធ្យមរបស់ស្មើ N គិតជា(m)



ដែនម៉ាញ៉េទិចនៃសូលេណូអ៊ីត ( $\ell \geq 5R$ )

សូលេណូអ៊ីត(បូមីនវែង)



របៀបរកចំនួនស្លៀង  $N$  (តាមប្រវែងសូលេណូអ៊ីត  $\ell$ )

ករណីមិនគិតកម្រាស់អ៊ីសូឡង់  $e$  ស្រោបខ្សែ

$$\ell = N \cdot d \Rightarrow \boxed{\phantom{000}}$$

ករណីខ្សែស្រោបដោយអ៊ីសូឡង់  $e$

$$\ell = N (d + 2e) \Rightarrow \boxed{\phantom{000}}$$

$B$  ដែនម៉ាញ៉េទិចគិតជា (T),  $I$  ចរន្តអគ្គិសនីគិតជា (A),

$R$  កាំសូលេណូអ៊ីតគិតជា (m)

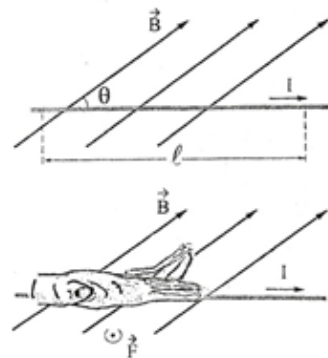
$D$  អង្កត់ផ្ចិតសូលេណូអ៊ីតគិតជា (m),  $\ell$  ប្រវែងសូលេណូអ៊ីតគិតជា (m),

$N$  ចំនួនស្លៀង,  $d$  អង្កត់ផ្ចិតខ្សែចម្លងគិតជា (m),  $e$  ជាចំនួនស្លៀងក្នុងមួយម៉ែត្រ

កម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិច៖ តាមការពិសោធបង្ហាញឱ្យឃើញថាកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិចមាន

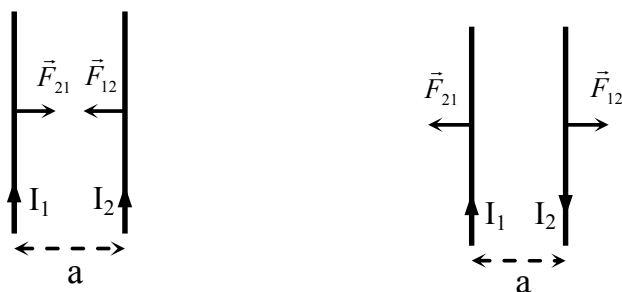
- ចំណុចចាប់ស្ថិតត្រង់ចំណុចកណ្តាលនៃភាគខ្សែដែលស្ថិតក្នុងដែន។
- ទិសកែងនឹងប្លង់កំណត់ដោយវ៉ិចទ័រ  $\vec{B}$  និងចរន្ត  $I$ ។
- ទិសដៅកំណត់តាមវិធានដៃស្តាំ (ដំបូងប្រាមទាំង 4 លាទៅតាមទិសដៅចរន្ត  $I$  ហើយប្រាមទាំង 4 ក្តោបមកតាមវ៉ិចទ័រ  $\vec{B}$  នោះមេដៃកន្លែកឱ្យកែងនឹងប្រាមដៃ ចង្អុលទិសដៅនៃកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិច។

,



បើសិនជាខ្សែចម្លងកែងនឹង  $\vec{B} (\theta = 90^\circ)$  គេបានម៉ូឌុលកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិច

អំពើទៅវិញទៅមករវាងចរន្តត្រង់ពីរ



ខ្សែចម្លងដែនត្រង់ពីរដាក់ស្របគ្នា ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តអគ្គិសនីមានទិសដៅដូចគ្នា ខ្សែចម្លងទាំងពីរទាញគ្នាចូលទៅវិញទៅមក។

ខ្សែចម្លងដែនត្រង់ពីរដាក់ស្របគ្នា

ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តអគ្គិសនីមានទិសដៅផ្ទុយគ្នា ខ្សែចម្លងទាំងពីរប្រានគ្នាចេញ។  
ខ្សែចម្លងដែន  $l$  ត្រង់ពីរស្របគ្នា ស្ថិតនៅចម្ងាយពីគ្នា  $a$  ហើយឆ្លងកាត់ដោយចរន្តរៀងគ្នា  $I_1$  និង  $I_2$  នោះកម្លាំងដែលខ្សែចម្លងទាំងពីរមានអំពើលើគ្នាគឺ

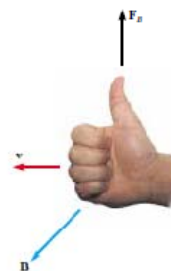
$l$  ជាប្រវែងខ្សែចម្លងត្រង់គិតជា(m)

$I_1, I_2$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តឆ្លងកាត់ខ្សែចម្លងទី១ និងខ្សែចម្លងទី២ រៀងគ្នាគិតជា(A)

$a$  ចម្ងាយពីខ្សែចម្លងទី១ និងខ្សែចម្លងទី២គិតជា(m)

កម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច ៖ កាលណាផង់ផ្ទុកបន្ទុកអគ្គិសនី  $q$  ផ្លាស់ទីក្នុងដែនម៉ាញេទិច  $\vec{B}$  ដោយល្បឿន  $\vec{v}$  នោះផង់រងនូវកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច ៖

មានទំហំ



ផង់ផ្ទុកបន្ទុកអគ្គិសនី  $q$  ផ្លាស់ទីដោយល្បឿន  $\vec{v}$  ចូលក្នុងដែនម៉ាញេទិច  $\vec{B}$  ( $\vec{v} \perp \vec{B}$ ) នោះចលនាផង់ជាចលនារងស្មើលើរង្វង់មួយដែលមានកាំ

$R$  ជាកាំរង្វង់ចលនារងស្មើរបស់ផង់ (m) ,  $v$  ជាល្បឿនរបស់ផង់ (m/s) ,

$q$  ជាបន្ទុករបស់ផង់(c) ,  $B$  ជាដែនម៉ាញេទិច (T)

ឧទាហរណ៍១៖ ខ្សែចម្លងត្រង់ប្រវែងអនន្តឆ្លងកាត់ដោយចរន្ត  $I=0.5A$  ដែលមជ្ឈដ្ឋានជុំវិញជាខ្សែលំ។

ក. គណនាអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ចំណុច M ចម្ងាយ 2m ពីខ្សែចម្លង។

ខ. គេដឹងថាត្រង់ចំណុច N មានអាំងឌុចស្យុង  $10^{-8}T$ ។ ចូរគណនាចម្ងាយពីចំណុច N ទៅខ្សែចម្លង។

ចម្លើយ៖ ក. គណនាអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ចំណុច M ចម្ងាយ 2m ពីខ្សែចម្លង

តាមរូបមន្ត

$$B = \mu_o \frac{I}{2\pi d} \quad \text{ដោយ } I=0.5A, d=2m, \mu_o = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A$$

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{0.5}{2 \times \pi \times 2} = 5 \times 10^{-8} T$$

ខ. គណនាចម្ងាយពីចំណុច N ទៅខ្សែចម្លង

$$\text{តាមរូបមន្ត } B = \mu_o \frac{I}{2\pi d} \Rightarrow d = \frac{2\pi B}{\mu_o I} (B = 10^{-8}T)$$

$$d = \frac{2 \times \pi \times 10^{-8}}{4\pi \times 10^{-7} \times 0.5} = 0.1 \text{ m}$$

ឧទាហរណ៍២៖ ខ្សែចម្លងវង់មួយមានផ្ចិត O មានកាំ  $R=10cm$ ។ វត់កាត់ដោយចរន្តដែលមាន

អាំងតង់ស៊ីតេ  $10A$ ។ គណនាតម្លៃអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ផ្ចិត O បង្កើតដោយចរន្តក្នុងខ្សែចម្លង ដែលមជ្ឈដ្ឋានជុំវិញជាខ្សែលំ។

ចម្លើយ៖ តម្លៃអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ផ្ចិត O បង្កើតដោយចរន្តក្នុងស្បៀង

$$\text{តាមរូបមន្ត } B = \mu_o \frac{I}{2R}$$

$$\text{ដោយ } I=10A, R=10cm=0.1m, \mu_o = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A$$

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \frac{10}{2 \times 0.1} = 2\pi \times 10^{-5} T = 6.28 \times 10^{-5} T$$

ឧទាហរណ៍៣៖ បូមីនសំប៉ែតមួយមានចំនួនស្បៀង  $N=100$  ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តមានអាំងតង់ស៊ីតេ  $I=10A$

ហើយស្បៀងមានកាំមធ្យម  $R=20cm$ ។ ចូរគណនាតម្លៃអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ផ្ចិត បូមីន។ បើ សូលបូមីនជាលោហៈមានជម្រាបម៉ាញ៉េទិចធៀប  $\mu_r = 1000$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិចត្រង់ផ្ចិតបូមីន

$$\text{តាមរូបមន្ត } B = \mu_o \mu_r N \frac{I}{2R}$$

$$\text{ដោយ } I=10A, R=20cm=0.2m, \mu_o = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A, \mu_r = 1000, N = 100$$

$$B = 4\pi \times 10^{-7} \times 1000 \times 100 \frac{10}{2 \times 0.2} = 3.14 T$$

ឧទាហរណ៍៥៖ ខ្សែចម្លងមួយមានប្រវែង  $l=25\text{cm}$  ឆ្លងកាត់ដោយចរន្ត  $I=4\text{A}$  ស្ថិតក្នុងដែនម៉ាញ៉េទិចឯកសណ្ឋានដែលមានអាំងឌុចស្យុង  $B=2\text{T}$  ។ គណនាកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិចដែលមានអំពើលើរោងក្នុងករណីដែលខ្សែចម្លងផ្គុំបានមុំ  $\alpha_1 = 30^\circ, \alpha_2 = 60^\circ, \alpha_3 = 90^\circ$  ជាមួយខ្សែអាំងឌុចស្យុង។

ចម្លើយ៖ គណនាកម្លាំងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិចដែលមានអំពើលើរោង

$$\text{តាមរូបមន្ត } F = IlB \sin\theta$$

$$\text{ដោយ } l=25\text{cm}=0.25\text{m}, I=4\text{A}, B=2\text{T}$$

$$\text{ករណី } \alpha_1 = 30^\circ \text{ នាំឱ្យ } F_1 = 2 \times 4 \times 0.25 \sin 30^\circ = 1\text{ T}$$

$$\text{ករណី } \alpha_2 = 60^\circ \text{ នាំឱ្យ } F_2 = 2 \times 4 \times 0.25 \sin 60^\circ = 2 \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}\text{ T}$$

$$\text{ករណី } \alpha_3 = 90^\circ \text{ នាំឱ្យ } F_2 = 2 \times 4 \times 0.25 \sin 90^\circ = 2\text{ T}$$

ឧទាហរណ៍៥៖ គណនាកម្លាំងឡូរិនដែលមានអំពើលើប្រូតុងកំពុងផ្លាស់ទីដោយល្បឿន  $v = 4 \times 10^6 \text{ m/s}$  ចូលក្នុងដែនម៉ាញ៉េទិចដែលមានទិសដៅកែងនឹងអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិច  $B=2\text{T}$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាកម្លាំងឡូរិនដែលមានអំពើលើប្រូតុង

$$\text{តាមរូបមន្ត } F_m = |q|vB\sin\alpha$$

$$\text{ដោយ } q = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}, v = 4 \times 10^6 \text{ m/s}, B = 2\text{T}, \alpha = 90^\circ$$

$$F_m = 1.6 \times 10^{-19} \times 4 \times 10^6 \times 2 \times \sin 90^\circ = 12.8 \times 10^{-13} \text{ N}$$



## ជំពូក៣ អគ្គិសនីនិងម៉ាញ៉េទិច

### មេរៀនទី២៖ អាំងឌុចស្យុងអេឡិចត្រូម៉ាញ៉េទិច

បម្រែបម្រួលដែនម៉ាញ៉េទិចឆ្លងកាត់សៀគ្វីខ្សែចម្លង អាចបង្កើតនូវចរន្តអគ្គិសនី ហៅថា ចរន្តអាំងឌ្វី។ ចរន្តនេះកើតមានតែក្នុងពេលដែលមានបម្រែបម្រួលដែនម៉ាញ៉េទិចប៉ុណ្ណោះ។ តម្លៃនៃអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអាំងឌ្វីអាស្រ័យនឹងល្បឿននៃបម្រែបម្រួលដែនម៉ាញ៉េទិច។

ក្នុងម៉ាញ៉េទិច គឺជាចំនួនខ្សែដែនម៉ាញ៉េទិចឆ្លងកាត់ផ្ទៃមួយ។ បើអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិច  $B$  បង្កើតបានមុំ  $\theta$  ជាមួយខ្សែកែងនឹងផ្ទៃ នោះក្នុងម៉ាញ៉េទិចអាចគណនាតាមរូបមន្ត

$$\Phi = BA \cos \theta$$

- $\Phi$  ក្នុងម៉ាញ៉េទិចត្រូវបានគិតជាវ៉ែប៊ែ (Wb)
- $B$  ជាម៉ូឌុលនៃរ៉ិចទ័រអាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិច  $B$  គិតជា (T)
- $A$  ជាផ្ទៃ ដែលរ៉ិចទ័រ  $B$  ឆ្លងកាត់ គិតជា  $m^2$
- $\theta$  ជាមុំផ្គុំឡើងរវាង  $B$  ជាមួយខ្សែកែងនឹងផ្ទៃ គិតជាដឺក្រេ

កាលណាក្នុងម៉ាញ៉េទិចឆ្លងកាត់សៀគ្វី ដែលមានបម្រែបម្រួល  $\Delta\Phi$  ក្នុងរយៈពេល  $\Delta t$  កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីដែលកើតមាន

$$E = -N \frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -N \frac{\Phi_f - \Phi_i}{t_f - t_i}$$

- $E$  ជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី គិតជាវ៉ុល (V)
- $N$  ជាចំនួនស្បៀរបស់រុំខ្សែចម្លង
- $\Phi_f$  ជាក្នុងម៉ាញ៉េទិចស្រេច គិតជា(Wb)
- $\Phi_i$  ជាក្នុងម៉ាញ៉េទិចដើម គិតជា(Wb)
- $t_f$  ជារយៈពេលស្រេច គិតជាវិនាទី(s)
- $t_i$  ជារយៈពេលដើម គិតជាវិនាទី(s)

ក្នុងករណីដែលគេយកចិត្តទុកដាក់តែតម្លៃកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី ច្បាប់ជាវ៉ែអាចសរសេរដូចខាងក្រោម

$$|E| = N \frac{|\Delta\Phi|}{\Delta t} = N \frac{|\Phi_f - \Phi_i|}{t_f - t_i}$$

ច្បាប់ឡិនសម្តែងថា ចរន្តអាំងឌ្វីមានទិសដៅយ៉ាងណាឱ្យផលរបស់វាប្រឆាំងនឹងបុព្វហេតុដែលបង្កើតវា ឬចរន្តអាំងឌ្វីបង្កើតនូវដែនម៉ាញ៉េទិចមួយថ្មី ដើម្បីប្រឆាំងនឹងបម្រែបម្រួលភូមិម៉ាញ៉េទិចដែលឆ្លងកាត់វា។

បើរោងចក្រមានប្រវែង  $l$  ផ្លាស់ទីដោយល្បឿន  $v$  ក្នុងដែនម៉ាញ៉េទិចដែលមានអាំងឌុចស្យុង  $B$  កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីដែលកើតក្នុងខ្សែចម្លងគឺ

$$|E| = Bvl$$

$|E|$  ជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី គិតជាវ៉ុល ( $V$ )

$v$  ជាល្បឿនរោងចក្រផ្លាស់ទីក្នុងដែនម៉ាញ៉េទិច គិតជា ( $m/s$ )

$l$  ជាប្រវែងរោងចក្រគិតជា ( $m$ )

ជនិតា និងម៉ូទ័រ គឺជាឧបករណ៍សម្រាប់បំប្លែងថាមពលមេកានិច និងថាមពលអគ្គិសនី។ ជនិតាអគ្គិសនីប្រើថាមពលមេកានិចដើម្បីផលិតនូវថាមពលអគ្គិសនី។ កន្សោមកម្លាំងអគ្គិសនីចលករ

$$e(t) = NBA\omega \sin\omega t = E_m \sin\omega t$$

ដែល  $E_m = NBA\omega$  ជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអតិបរិមាគិតជាវ៉ុល ( $V$ )

$N$  ជាចំនួនស្ប៉េនៃបូមីន,  $B$  អាំងឌុចស្យុងម៉ាញ៉េទិច ( $T$ ),

$A$  ផ្ទៃរបស់បូមីន  $m^2$ ,  $\omega$  ល្បឿនមុំនៃបូមីន ( $\frac{rad}{s}$ )

**ឧទាហរណ៍៖** ទម្រង់ខ្សែចម្លងពីរដាក់ឱ្យស្របគ្នាក្នុងប្លង់ដេកដែលចុងទាំងពីររបស់វាភ្ជាប់គ្នាដោយវេស៊ីស្តង់  $R = 2\Omega$  ទម្រង់ទាំងពីរនៅឃ្លាតគ្នាចម្ងាយ  $20cm$ ។ រោងចក្រ  $MN$  មួយដាក់ឱ្យកែងលើទម្រង់ទាំងពីរ។ ប្លង់ទម្រង់ក្នុងដែនម៉ាញ៉េទិចកសណ្ឋានមានអាំងឌុចស្យុង  $B=0.02T$ ។ គេរុញរោងចក្រ  $MN$  ឱ្យផ្លាស់ទីលើទម្រង់ទាំងពីរដោយល្បឿន  $50 m/s$ ។ គណនាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអាំងឌ្វីឆ្លងកាត់វេស៊ីស្តង់បើរោងចក្រនិងទម្រង់មានវេស៊ីស្តង់អាចចោលបាន។

**ចម្លើយ៖** គណនាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអាំងឌ្វីឆ្លងកាត់វេស៊ីស្តង់

$$\text{គេមាន } I = \frac{|E|}{R}$$

$$\text{កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី } |E| = Bvl$$

$$\text{ដោយ } B=0.02T, v = 50 m/s, l = 20cm = 0.2m, R = 2\Omega$$

$$|E| = 0.02 \times 50 \times 0.2 = 0.2V$$

$$\text{នាំឱ្យ } I = \frac{0.2}{2} = 0.1A$$

ឧទាហរណ៍២៖ ស៊ីមមួយមានរាងចតុកោណកែងមានចំនួនស្បៀង  $N=30$  ស៊ីមនេះស្ថិតនៅក្នុងដែនម៉ាញេទិចឯកសណ្ឋានចន្លោះប៉ូលមេដែករាងប៉ែកក្រឡាដែលអាំងឌុចស្យុង  $B=0.2T$  ដោយប្លង់ស៊ីមកែងនឹងខ្សែអាំងឌុចស្យុង។ ដោយដឹងថាវិមាត្រ  $a=20cm$ ,  $b=10cm$  គេទាញស៊ីមឱ្យផ្លាស់ទីស្របខ្លួនវាយ៉ាងរហ័សចេញពីចន្លោះប៉ូលមេដែកដោយប្រើរយៈពេលតែ  $\Delta t = 0.01s$  ។

- ក. គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីដែលកកើតក្នុងស៊ីម។  
ខ. បើស៊ីមជាសៀគ្វីបិទមានវេស៊ីស្តង់  $R=10\Omega$  គណនាចរន្តអាំងឌ្វី។

ចម្លើយ៖ ក. គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វីដែលកកើតក្នុងស៊ីម

$$\text{គេមាន } |E| = N \frac{|\Delta\Phi|}{\Delta t} = N \frac{A|B_f - B_i|}{\Delta t}$$

$$\text{ដោយ } N=30, A = a \times b = 0.2m \times 0.1m = 0.02m^2$$

$$B_f = 0, B_i = 0.2T, \Delta t = 0.01s$$

$$\text{នាំឱ្យ } |E| = 30 \frac{0.02|0-0.2|}{0.01} = 12V$$

ខ. គណនាចរន្តអាំងឌ្វី

$$\text{គេមាន } I = \frac{|E|}{R} = \frac{12}{10} = 1.2A \quad (\text{វេស៊ីស្តង់ } R=10\Omega)$$

ឧទាហរណ៍៣៖ ខ្សែចម្លងមួយប្រវែង  $1.6m$  ត្រូវបានរុំជាបូមីនមួយមានកាំ  $3.2cm$ ។ បើបូមីនវិលដោយល្បឿន 95 ជុំក្នុងមួយនាទី ក្នុងដែនម៉ាញេទិចដែលមានតម្លៃ  $0.07T$  ចូរគណនាតម្លៃអតិបរិមាណៃកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី។

ចម្លើយ៖ គណនាតម្លៃអតិបរិមាណៃកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអាំងឌ្វី

$$\text{គេមាន } E_m = NBA\omega$$

$$\text{ដោយ } l = 1.6m, R = 3.2cm = 32 \times 10^{-3}m, B = 0.07T, f = \frac{95}{60}Hz = 1.58Hz$$

$$A = \pi R^2 = 3.14 \times (32 \times 10^{-3})^2 = 3.21 \times 10^{-3}m^2$$

$$\text{តែ } N = \frac{l}{2\pi R} = \frac{1.6}{2 \times 3.14 \times 32 \times 10^{-3}} = 8 \text{ ស្បៀង និង } \omega = 2\pi f = 2 \times 3.14 \times 1.58 = 10rad/s$$

$$E_m = 8 \times 0.07 \times 3.21 \times 10^{-3} \times 10 = 0.018V$$

## ជំពូកទី៣ អគ្គិសនីនិងម៉ាញ៉េទិច

### មេរៀនទី៣៖ អូតូអាំងដុចស្យុង

បាតុភូតអូតូអាំងដុចស្យុងកើតមានកាលណាមានបម្រែបម្រួលចរន្តនៅក្នុងសៀគ្វី។ ចរន្តអូតូអាំងដុចកើតក្នុងប្រព័ន្ធប្រឆាំងទប់នឹង ការកើតនៃចរន្តនៅក្នុងសៀគ្វី។ ផលរបស់វាកើតមានកាលណាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តប្រែប្រួល។ ឧទាហរណ៍៖ បាតុភូតអូតូអាំងដុចស្យុងកើតមាននៅពេលគេបិទសៀគ្វីធ្វើឱ្យអំពូលដែលជាស៊េរីជាមួយ និងប្រព័ន្ធមិនក្លីតាមរបប ធម្មតាភ្លាមទេ។

អាំងដុចតង់ ជាមេគុណសមមាត្ររវាង  $\Phi$  និង អោស្រ័យនឹងលក្ខណៈធរណីមាត្រនៃសៀគ្វី

$$\Phi = L i$$

$\Phi$  ជាភ្លុចម៉ាញ៉េទិចគិតជាវ៉ែប៊ែ (Wb)

$L$  ជាអាំងដុចតង់ គិតជា ហង់រី (H)

$i$  ជាចរន្តអគ្គិសនី គិតជា អំពែ (A)

កម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងដុច ដែលកើតមានក្នុងប្រព័ន្ធឱ្យដោយកន្សោម

$$e = -L \frac{di(t)}{dt}$$

$e$  ជាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងដុចគិតជាវ៉ុល (V)

$L$  ជាអាំងដុចតង់ គិតជា ហង់រី (H)

$i(t)$  ជាកន្សោមចរន្តអគ្គិសនី

អាំងដុចតង់នៃសូលេណូអ៊ីតដែលគ្មានស្នូលដែកឱ្យដោយរូបមន្ត

$$L = \mu_0 \frac{N^2}{l} A$$

$L$  អាំងដុចតង់គិតជា(H) ;  $\Phi$ ជាភ្លុចម៉ាញ៉េទិចគិតជាវ៉ែប៊ែ (Wb)

$i$  ជាចរន្តអគ្គិសនី គិតជា អំពែ (A) ,  $A$  ផ្ទៃមុខកាត់សូលេណូអ៊ីតគិតជា(m<sup>2</sup>) ,

$l$  ប្រវែងសូលេណូអ៊ីតគិតជា(m) ;  $N$ ជាចំនួនស្ប៉ែសូលេណូអ៊ីត

$R$  កាំសូលេណូអ៊ីតគិតជា(m) ;  $D$  អង្កត់ផ្ចិតសូលេណូអ៊ីតគិតជា(m)

តង់ស្យុង  $V_{AB}$  រវាងគោលនៃប្រព័ន្ធ ( $r, L$ ) ឱ្យដោយ

$$V_{AB} = ri + L \frac{di}{dt}$$

$r$  ជាស៊ីស្តង់ក្នុងរបស់ប្រព័ន្ធ គិតជា(Ω)

$i$  ជាកន្សោមចរន្តអគ្គិសនី

$L$  អាំងដុចតង់គិតជា(H)

$V_{AB}$  ជាតង់ស្យុង រវាងគោលនៃប្រព័ន្ធគិតជាវ៉ុល (V)

ថេរពេល  $\tau$  ក្នុងសៀគ្វី  $(R, L)$  ឱ្យដោយរូបមន្ត  $\tau = \frac{L}{R}$

$\tau$  ជាថេរពេលក្នុងសៀគ្វី  $(R, L)$  គិតជាវិនាទី(s)

$R$  ជាអស៊ីស្តង់ស៊ីបរបស់សៀគ្វី  $(R, L)$  គិតជា  $(\Omega)$

សមីការចរន្តអគ្គិសនីនៅខណៈ  $t$  ក្នុងសៀគ្វី  $(R, L)$

$$i(t) = I_p \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

ដែល  $I_p = \frac{E}{R}$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តក្នុងប្រព័ន្ធគ្រប់គ្រងអគ្គិសនី (A)

$\tau$  ជាថេរពេលក្នុងសៀគ្វី  $(R, L)$  គិតជាវិនាទី(s)

$t$  ជាខណៈពេលជាមួយគិតជាវិនាទី(s)

$i(t)$  ជាកន្សោមចរន្តអគ្គិសនី

ថាមពលអេឡិចត្រូម៉ាញេទិច  $E_L$  ក្នុងបូមីនមួយដែលមានអាំងឌុចតង់  $L$  ឆ្លងកាត់ដោយចរន្តដែលមានអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត  $i$  ស្មើ

$$E_L = \frac{1}{2} Li^2$$

$E_L$  ជាថាមពលអេឡិចត្រូម៉ាញេទិចក្នុងបូមីនគិតជាស៊ូល (J)

$i$  ជាតម្លៃចរន្តអគ្គិសនី គិតជាអំពែ (A)

$L$  អាំងឌុចតង់របស់បូមីនគិតជា(H)

ក្នុងរយៈពេលនៃលំយោលអគ្គិសនីស៊េរីមិនថយនៃសៀគ្វី  $(L, C)$  តង់ស្យុងរវាងគោលនៃកុងដង់សាទ័រគោរពតាមសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល៖

$$\frac{dV_c(t)}{dt} + \frac{1}{LC} V_c(t) = 0$$

$L$  ជាអាំងឌុចតង់របស់បូមីនគិតជា(H)

$C$  ជាកាប៉ាស៊ីតេ របស់កុងដង់សាទ័រ គិតជា (F)

$V_c(t)$  ជាកន្សោមតង់ស្យុងរបស់គោលកុងដង់សាទ័រ

អនុគមន៍  $V_c(t) = V_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_o} t + \phi_0\right)$  ជាចម្លើយរបស់សមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល  $\frac{dV_c}{dt} + \frac{1}{LC} V_c = 0$

$T_o$  ជាខួបផ្ទាល់របស់លំយោលអគ្គិសនីដែល  $T_o = 2\pi\sqrt{LC}$  គិតជា(s)

$V_m$  តម្លៃតង់ស្យុងអតិបរមា គិតជា(V)

$\phi_0$  ជាផាសដើមរបស់លំយោលអគ្គិសនីគិតជា(rad)



ប្រេកង់ផ្ទាល់របស់លំយោលអគ្គិសនីគឺ  $f_o = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$  គិតជា (Hz) ។

ពុលសាស្ត្រផ្ទាល់របស់លំយោលអគ្គិសនីគឺ  $\omega_o = \sqrt{1/LC}$  គិតជា (rad/s) ។

កន្សោមបន្ទុកនៃកុងដង់សាទ័រ  $q(t) = q_m \cos(\frac{2\pi}{T_o}t + \phi_o)$

ដែល  $q_m$  ជាបន្ទុកអតិបរិមាបស់កុងដង់សាទ័រគិតជាគូឡុំ (C)

កន្សោមអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត  $i(t) = i_m \cos(\frac{2\pi}{T_o}t + \phi_o + \frac{\pi}{2})$

ដែល  $i_m$  ជាតម្លៃអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមាក្នុងសៀគ្វី ( $L, C$ ) គិតជាអំពែ (A)

ទំនាក់ទំនងរវាង អាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមា  $i_m$  និងបន្ទុកអតិបរិមាបស់កុងដង់សាទ័រ  $q_m$  គឺ

$$i_m = q_m \frac{2\pi}{T_o} = CV_m \frac{2\pi}{T_o}$$

ក្នុងករណីសៀគ្វីអ៊ីដេអាល់ ( $LC$ ) ថាមពលនៃសៀគ្វីរក្សាតម្លៃថេរ

$$E_{LC} = E_L + E_C = \frac{1}{2}CV_c^2 + \frac{1}{2}Li^2 = \text{ថេរ}$$

$E_{LC}$  ថាមពលសរុបនៃសៀគ្វី ( $LC$ ) គិតជាស៊ូល (J)

$E_L$  ថាមពលម៉ាញ៉េទិច ក្នុងបូមីន គិតជាស៊ូល (J)

$E_C$  ថាមពលអគ្គិសនី ក្នុងកុងដង់សាទ័រ គិតជាស៊ូល (J)

តែកាលណាបើ  $V_c = V_L$ ,  $i = 0$  ឬ កាលណាបើ  $V_c = 0$ ,  $i = i_m$  នោះគេអាចសរសេរ

$$E_{LC} = \frac{1}{2}CV^2 = \frac{1}{2}Li_m^2$$

ឧទាហរណ៍៖ សូលេណូអ៊ីតមួយមានប្រវែង  $\ell = 1\text{m}$  មានអង្កត់ផ្ចិត  $D = 4\text{cm}$  និងមានចំនួនសៀ

$N = 100$  ។ យក  $\mu_o = 4\pi \times 10^{-7} \text{T}\cdot\text{m/A}$

①. គណនាអាំងឌុចតង់នៃសូលេណូអ៊ីត ?

②. គេធ្វើឱ្យចរន្តប្រែប្រួល  $i = 5t + 2$  ឆ្លងកាត់សូលេណូអ៊ីត។

គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្វិ ដែលកើតមានក្នុងសូលេណូអ៊ីត ?

ចម្លើយ៖ ①. គណនាអាំងឌុចតង់នៃសូលេណូអ៊ីត

$$\text{តាមរូបមន្ត} \quad L = \mu_o \frac{N^2}{\ell} A$$

$$\text{ដោយ } \mu_o = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T}\cdot\text{m}}{\text{A}}, N = 100, A = \pi \frac{D^2}{4} = \pi \frac{0.04^2}{4} = 1.256 \times 10^{-3} \text{m}^2$$

$$\ell = 1\text{m}$$

$$L = 4 \times 3.14 \times 10^{-7} \frac{100^2 \times 1.256 \times 10^{-3}}{1} = 1.57 \times 10^{-5} \text{H}$$



②. គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្រី  
 គេធ្វើឱ្យចរន្តប្រែប្រួល  $i = 5t + 2$  ឆ្លងកាត់សូលេណូអ៊ីត  
 តាមរូបមន្ត  $e = -L \frac{di(t)}{dt}$   
 ដោយ  $L = 0.181mH = 1.81 \times 10^{-4}H, \frac{di(t)}{dt} = \frac{d(5t+2)}{dt} = 5A/s$   
 $e = -(1.57 \times 10^{-5}) \times 5 = -7.8 \times 10^{-5}V$

ឧទាហរណ៍២៖ ក.គណនាអាំងឌុចតង់របស់សូលេណូអ៊ីតដែលមានចំនួនស្បៀង 300 ។ប្រសិនបើប្រវែងសូលេណូអ៊ីត 25cm និងផ្ទៃមុខកាត់របស់សូលេណូអ៊ីត  $4cm^2$ ។

ខ. គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្រីក្នុងសូលេណូអ៊ីត បើចរន្តថយចុះដោយអត្រា  $50 A/s$ ។

ចម្លើយ២៖ ក.អាំងឌុចតង់របស់សូលេណូអ៊ីត

តាមរូបមន្ត  $L = \mu_o \frac{N^2}{l} A$   
 ដោយ  $\mu_o = 4\pi \times 10^{-7} (T.m)/A, N = 300, A = 4cm^2 = 4 \times 10^{-4}m^2$  ,  
 $l = 25cm = 0.25m$   
 $L = 4\pi \times 10^{-7} \frac{300^2}{0.25} 4 \times 10^{-4} = 0.181mH$

ខ.គណនាកម្លាំងអគ្គិសនីចលករអូតូអាំងឌ្រីក្នុងសូលេណូអ៊ីត

តាមរូបមន្ត  $e = -L \frac{di(t)}{dt}$   
 ដោយ  $L = 0.181mH = 1.81 \times 10^{-4}H, \frac{di(t)}{dt} = -50A/s$   
 នាំឱ្យ  $e = -(1.81 \times 10^{-4}) \times (-50) = 9.05mV$

ឧទាហរណ៍៣៖ ក. គេផ្ទុកក្នុងដងសាទ័រ មួយដែលមានកាប៉ាស៊ីតេ  $C = 1\mu F$  ក្រោមតង់ស្យុង  $V = E = 2V$  គណនាថាមពលដែលស្តុកក្នុងកុងដងសាទ័រនៅពេលផ្ទុក។

ខ. កុងដងសាទ័រដែលផ្ទុករួចនោះ ត្រូវបានគេភ្ជាប់ទៅនឹងគោលនៃបូមីនមួយដែលមានអាំងឌុចតង់  $L = 0.1H$  និងមានវេស៊ីស្តង់ក្នុងអាចចោលបាន។គណនាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមា  $i_m$  ។

ចម្លើយ៣៖ ក.គណនាថាមពលដែលស្តុកក្នុងកុងដងសាទ័រនៅពេលផ្ទុក

តាមរូបមន្ត  $E_C = \frac{1}{2} CV_C^2$  ដោយ  $C = 1\mu F = 10^{-6}F$  និង  $V = E = 2V$   
 $E_C = \frac{1}{2} 10^{-6} \times 2^2 = 2 \times 10^{-6} J$

ខ.គណនាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមា

តាមច្បាប់រក្សាថាមពល  $E_C = E_L = \frac{1}{2} Li_m^2$   
 នាំឱ្យ  $i_m = \sqrt{\frac{2E_C}{L}} = \sqrt{\frac{2 \times 2 \times 10^{-6}}{0.1}} = 6.32 \times 10^{-3} A$

ឧទាហរណ៍៖ បូមីនមួយមានស៊ីស្តង់ក្នុង  $R = r = 6\Omega$  និងមានអាំងឌុចតង់  $L$ ។ គណនាអាំងឌុចតង់ បើថេរពេលមានតម្លៃ  $\tau = 2 \times 10^{-3}s$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាអាំងឌុចតង់

$$\text{តាមរូបមន្ត } \tau = \frac{L}{R} \Rightarrow L = \tau \times R$$

$$\text{ដោយ } R = r = 6\Omega \text{ និង } \tau = 2 \times 10^{-3}s$$

$$\text{នាំឱ្យ } L = 0.003 \times 6 = 0.018H$$

ឧទាហរណ៍៖ គណនាអាំងឌុចតង់ របស់សៀគ្វីលំយោលអគ្គិសនី  $LC$  ដែលមានប្រេកង់  $f = 120Hz$  នៅពេលកុងដង់សាទ័រ  $C = 8\mu F = 8 \times 10^{-6}F$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាអាំងឌុចតង់

$$\text{តាមរូបមន្ត } f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \Rightarrow L = \frac{1}{f^2 4\pi^2 C}$$

$$\text{ដោយ } f = 120Hz \text{ និង } C = 8\mu F = 8 \times 10^{-6}F$$

$$\text{នាំឱ្យ } L = \frac{1}{120^2 \times 4 \times 3.14^2 \times 8 \times 10^{-6}} = 0.22H = 220mH$$



## ជំពូក៣ អគ្គិសនីនិងម៉ាញ៉េទិច

### មេរៀនទី៤៖ សៀគ្វីចរន្តឆ្លាស់

ចរន្តឆ្លាស់ ជាចរន្តអគ្គិសនីដែលប្តូរទិសដៅពីរដងក្នុងមួយខួប។

ចរន្តឆ្លាស់ដែលងាយជាងគេ គឺចរន្តឆ្លាស់ស៊ីនុយសូអ៊ីតដែលមានអាំងតង់ស៊ីតេខណៈ  $i(t)$

នៅខណៈ  $t$  មានកន្សោម  $i(t) = I_m \sin(\omega t + \phi)$

$i(t)$  ជាកន្សោមចរន្ត :  $\omega$  ជាពុលសាស្ស្យង គិតជា  $\left(\frac{rad}{s}\right)$ ,

$I_m$  ជាអំព្លីទុតឬអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តអតិបរិមា គិតជា (A)

$\phi$  ជាផាសដើមរបស់ចរន្តឆ្លាស់ស៊ីនុយសូអ៊ីត (rad)

ចរន្តឆ្លាស់មានផលប៉ះពាល់ គឺ ផលគីមី ផលកម្ដៅ និងផលម៉ាញ៉េទិច។

អាំងតង់ស៊ីតេប្រសិទ្ធនៃចរន្តឆ្លាស់ជាអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តជាប់ដែលឆ្លងកាត់ស៊ីស្តង់

ដូចគ្នាហើយក្នុងរយៈពេលដូចគ្នាមានភាពបរិមាណកម្ដៅស្មើគ្នា។ គេបាន

$$I = \frac{I_m}{\sqrt{2}}$$

$I$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេប្រសិទ្ធគិតជា (A) ,

$I_m$  ជាអាំងតង់ស៊ីតេអតិបរិមាគិតជា (A)

កន្សោមតង់ស្យុងខណៈ មានកន្សោម  $V(t) = V_m \sin(\omega t)$

$V(t)$  ជាកន្សោមតង់ស្យុង

$V_m$  ជាតង់ស្យុងអតិបរិមាគិតជា (V)

តង់ស្យុងប្រសិទ្ធ ស្មើនឹងតង់ស្យុងថេរមួយរវាងចុងទាំងពីរនៃស៊ីស្តង់សុទ្ធមួយដែលក្នុង

រយៈពេលដូចគ្នាញ៉ាំងឱ្យមានបរិមាណកម្ដៅស្មើគ្នា។ គេបាន

$$V = \frac{V_m}{\sqrt{2}}$$

$V$  ជាតង់ស្យុងប្រសិទ្ធគិតជា (V)

កំណត់សៀគ្វីមានតែបូមីនសុទ្ធ មានអំប៉ែដង  $Z = Z_L = L\omega$  ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត

យឺតជាស  $\frac{\pi}{2}$  ជាងតង់ស្យុង ។

$Z_L$  ជាអំប៉ែដងបូមីនសុទ្ធ គិតជា ( $\Omega$ )

$L$  ជាអាំងឌុចតង់របស់បូមីនគិតជា (H)

កំណត់សៀគ្វីមានតែអស៊ីស្តង់សុទ្ធ មានអំប៉ែដង់  $Z = Z_R = R$  ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត និងតង់ស្យុងស្របជាសគ្នា។

$Z_R$  ជាអំប៉ែដង់អស៊ីស្តង់សុទ្ធ គិតជា( $\Omega$ )

$R$  ជាអស៊ីស្តង់របស់អស៊ីស្តរ គិតជា( $\Omega$ )

កំណត់សៀគ្វីមានតែកុងដង់សាទ័រសុទ្ធ មានអំប៉ែដង់  $Z = Z_C = \frac{1}{C\omega}$  ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត ល្បឿនជាស  $\frac{\pi}{2}$  ជាងតង់ស្យុង ។

$Z_R$  ជាអំប៉ែដង់កុងដង់សាទ័រសុទ្ធ គិតជា( $\Omega$ )

$C$  ជាកាប៉ាស៊ីតេរបស់កុងដង់សាទ័រ គិតជា( $F$ )

កំណត់សៀគ្វី( $RC$ )មានអស៊ីស្តង់ និង កុងដង់សាទ័រ តជាស៊េរី មានអំប៉ែដង់

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(\frac{1}{C\omega}\right)^2} \quad \text{ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្តល្បឿនជាសជាងតង់ស្យុង } \phi \text{ ដែល}$$

$$\tan\phi = \frac{\frac{1}{C\omega}}{R}$$

កំណត់សៀគ្វី( $RL$ )មានបូមីន និងអស៊ីស្តង់ តជាស៊េរី មានអំប៉ែដង់ ហើយអាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត យឺតជាសជាងតង់ស្យុង  $\phi$  ដែល

$$Z = \sqrt{R^2 + (L\omega)^2}$$

$$\tan\phi = \frac{L\omega}{R}$$

កំណត់សៀគ្វី( $RLC$ )មានបូមីន( $L$ ) កុងដង់សាទ័រ( $C$ ) និងអស៊ីស្តង់( $R$ )តជាស៊េរីមានអំប៉ែដង់

$$Z = \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C\omega})^2}$$

គម្លាតជាសរវាង អាំងតង់ស៊ីតេចរន្ត និងតង់ស្យុងអាចគណនាតាមរូបមន្ត

$$\tan\phi = \frac{(L\omega - \frac{1}{C\omega})}{R} \text{ ឬ } \cos\phi = \frac{R}{Z}$$

បើ  $L\omega > \frac{1}{C\omega}$  ចរន្តយឺតជាសជាងតង់ស្យុង។

បើ  $L\omega < \frac{1}{C\omega}$  ចរន្តលឿនជាសជាងតង់ស្យុង។

បើ  $L\omega = \frac{1}{C\omega}$  ចរន្តស្របជាសជាមួយតង់ស្យុង។

ក្នុងសៀគ្វី  $RLC$  វេស្វណង់អគ្គិសនីកើតមានកាលណា៖

$$L\omega = \frac{1}{C\omega} \text{ ឬ } LC\omega^2 = 1$$

ដូចនេះ៖  $Z = R, \phi = 0$  អាំងតង់ស៊ីតេចរន្តមានតម្លៃអតិបរមាហើយ  $i(t)$  និង  $V(t)$  ស្របជាសក្តា។

អានុភាពមធ្យមផ្ទេរក្នុងសៀគ្វីមួយជាផលធៀបរវាងថាមពលសរុបកន្លែងរយៈពេលផ្ទេរនោះ។

$$P = \frac{W}{t} \text{ នាំឱ្យ } P = VI \cos \phi$$

$\cos \phi$  ជាកត្តាអានុភាព

$P$  ជាអានុភាពមធ្យម ( $W$ )

$W$  ជាថាមពលសរុប ( $J$ )

$VI$  ជាអានុភាពទំនង ( $W$ )

ត្រង់ស្វ្វមាទីរប្រដាប់សម្រាប់ដំឡើង ឬបន្ថយតង់ស្យុងចរន្តឆ្លាស់។  
រូបមន្តផលធៀបបំប្លែងត្រង់ស្វ្វមាទីរ

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{n_2}{n_1} = K$$

$V_2$  ជាតង់ស្យុងប្រសិទ្ធនៅរូបម្ព័យ គិតជារ៉ុល ( $V$ )

$V_1$  ជាតង់ស្យុងប្រសិទ្ធនៅរូបម្ព័យ គិតជារ៉ុល ( $V$ )

$n_2$  ជាចំនួនស្បៀងនៅរូបម្ព័យ

$n_1$  ជាចំនួនស្បៀងនៅរូបម្ព័យ

$K$  ជាផលធៀបបំប្លែងរបស់ត្រង់ស្វ្វមាទីរ

បើ  $K > 1$  ត្រង់ស្វ្វមាទីរនោះជាប្រដាប់ដំឡើងតង់ស្យុងហៅថា ស្វ្វកុំលទីរ។

បើ  $K < 1$  ត្រង់ស្វ្វមាទីរនោះជាប្រដាប់បន្ថយតង់ស្យុងហៅថា ស្វ្វីកុំលទីរ។

បើ  $K = 1$  ត្រង់ស្វ្វមាទីរនោះជាត្រង់ស្វ្វមាទីរអ៊ីដេអាល់(សុទ្ធ)។

ទិន្នផលត្រង់ស្វ្វមាទីរ ឱ្យដោយរូបមន្ត

$$Rd = \frac{Pe_2}{Pe_1}$$

$Pe_2$  ជាអានុភាពច្រកចេញនៃត្រង់ស្វ្វ (នៅរូបម្ព័យ) គិតជារ៉ាត់ ( $W$ )

$Pe_1$  ជាអានុភាពច្រកចូលនៃត្រង់ស្វ្វ (នៅរូបម្ព័យ) គិតជារ៉ាត់ ( $W$ )



ឧទាហរណ៍១៖ តង់ស្យុងច្រកចេញរបស់ប្រភពចរន្តឆ្លាស់ ឱ្យដោយ  $V(t) = (200V)\sin\omega t$  ។ គណនា ចរន្តប្រសិទ្ធ ពេលភ្ជាប់ទៅនឹង អស៊ីស្តង់  $R = 100\Omega$ ។

ចម្លើយ៖ គណនាចរន្តប្រសិទ្ធ

$$\begin{aligned} \text{តាមរូបមន្ត } I &= \frac{V}{R} \text{ តែ } V = \frac{V_m}{\sqrt{2}} \\ \text{ដោយ } V_m &= 200V \text{ នាំឱ្យ } V = \frac{200}{\sqrt{2}} = 141V \\ \text{នោះ } I &= \frac{V}{R} = \frac{141}{100} = 1.41A \end{aligned}$$

ឧទាហរណ៍២៖ សៀគ្វី  $AC$  បូមីនសុទ្ធ ដែលមានអាំងឌុចតង់  $L = 25mH$  និងតង់ស្យុងប្រសិទ្ធ  $V = 150V$  ។ គណនាអំប៉ែដង់នៃសៀគ្វី  $AC$  និងចរន្តប្រសិទ្ធ ប្រសិនបើប្រេកង់សៀគ្វី  $f = 60Hz$ ។

ចម្លើយ២៖ គណនាអំប៉ែដង់នៃសៀគ្វី  $AC$

$$\begin{aligned} \text{កំណត់សៀគ្វីមានតែបូមីនសុទ្ធ មានអំប៉ែដង់ } Z &= Z_L = L\omega = 2\pi fL \\ \text{ដោយ } L &= 25mH \text{ និង } f = 60Hz \\ Z_L &= 2\pi(60)(25 \times 10^{-3}) = 9.42\Omega \\ \text{ចរន្តប្រសិទ្ធ } I &= \frac{V}{Z_L} = \frac{150}{9.42} = 15.9A \end{aligned}$$

ឧទាហរណ៍៣៖ កុងដង់សាទ័រ មានកាប៉ាស៊ីតេ  $8\mu F$  ត្រូវបានភ្ជាប់ ទៅនឹងប្រភពចរន្តឆ្លាស់ ដែលមាន ប្រេកង់  $f = 60Hz$  និងតង់ស្យុងប្រសិទ្ធ  $V = 150V$ ។ គណនាអំប៉ែដង់និង ចរន្តប្រសិទ្ធរបស់សៀគ្វី។

ចម្លើយ៣៖ គណនាអំប៉ែដង់និង ចរន្តប្រសិទ្ធនៃសៀគ្វី

$$\begin{aligned} \text{កំណត់សៀគ្វីមានតែកុងដង់សាទ័រ សុទ្ធ មានអំប៉ែដង់ } Z &= Z_C = \frac{1}{C\omega} \\ \text{ដោយ } C &= 8 \times 10^{-6}F \text{ និង } f = 60Hz \Rightarrow \omega = \frac{1}{2\pi f} = \frac{1}{2\pi \times 60} = 377rad/s \\ Z_C &= \frac{1}{C\omega} = \frac{1}{8 \times 10^{-6} \times 377} = 332\Omega \\ \text{អាំងតង់ស៊ីតេប្រសិទ្ធ } I &= \frac{V}{Z_C} = \frac{150}{332} = 0.452A \end{aligned}$$

ឧទាហរណ៍៤៖ សៀគ្វី ចរន្តឆ្លាស់  $RLC$  តជាស៊េរី មាន  $R = 425\Omega$ ,  $L = 1.25H$ ,  $C = 3.5\mu F$ ,  $\omega = 377rad/s$  និង  $V_m = 150V$ ។

- ក. កំណត់  $Z_L$ ,  $Z_C$ ,  $Z$
- ខ. គណនាចរន្តអតិបរិមាបស់សៀគ្វី
- គ. គណនាគម្លាតជាសរុប រវាងចរន្ត និងតង់ស្យុង
- ឃ. គណនាតង់ស្យុងអតិបរិមា និង កន្សោមតង់ស្យុង រវាងគោលនៃធាតុនីមួយៗ

ចម្លើយ៤៖ ក. កំណត់  $Z_L$ ,  $Z_C$ ,  $Z$

$$\begin{aligned} \text{តាម } Z_L &= L\omega, Z_C = \frac{1}{C\omega}, Z = \sqrt{R^2 + (L\omega - \frac{1}{C\omega})^2} \\ \text{ដោយ } R &= 425\Omega, L = 1.25H, C = 3.5\mu F, \omega = 377rad/s \\ Z_L &= L\omega = (1.25)(377) = 471\Omega \\ Z_C &= \frac{1}{C\omega} = \frac{1}{(3.5 \times 10^{-6})(377)} = 758\Omega \end{aligned}$$

$$Z = \sqrt{425^2 + (471 - 758)^2} = 513\Omega$$

ខ. គណនាចរន្តអតិបរិមាបស់សៀគ្វី

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{150}{513} = 0.292A$$

គ. គណនាគម្លាតរវាងរង្វង់ចរន្ត និងតង់ស្យុង

$$\tan\phi = \frac{(L\omega - \frac{1}{C\omega})}{R} \Rightarrow \phi = \tan^{-1} \left( \frac{(L\omega - \frac{1}{C\omega})}{R} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{(471 - 758)}{425} \right) = -34^\circ$$

ឃ. គណនាតង់ស្យុងអតិបរិមារវាងគោលនៃធាតុនីមួយៗ

$$V_m(R) = I_m R = (0.292)(425) = 124V$$

$$V_m(L) = I_m Z_L = (0.292)(471) = 138V$$

$$V_m(C) = I_m Z_C = (0.292)(758) = 221V$$

កន្សោមតង់ស្យុង រវាងគោលនៃធាតុនីមួយៗ

$$V_R(t) = V_m(R) \sin(\omega t) = 124 \sin(377t)$$

$$V_L(t) = V_m(L) \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) = V_m(L) \cos(\omega t) = 138 \cos(377t)$$

$$V_C(t) = V_m(C) \sin\left(\omega t - \frac{\pi}{2}\right) = -V_m(L) \cos(\omega t) = -221 \cos(377t)$$

---